7. Galáxias Elípticas



M49 = NGC4472 (no aglomerado de Virgo)









M60





M87

M32





M84

M89



M105









NGC 1132



Virgo



Generalidades:

- Galáxias Elípticas: E
- Sistemas esferoidais dinâmicamente relaxados
- Pouco gás e poeira
- Dominadas por estrelas velhas
- Sustentadas dinâmicamente pela dispersão de velocidades σ; mas para algumas a rotação é importante
- As menos luminosas tendem a ter mais rotação que as mais luminosas

Perfis de Brilho

- Caracterizam a distribuição de estrelas e podem revelar detalhes estruturais
- Perfis radiais: variação do brilho superficial em função da distância ao centro da galáxia- podem ser medidos ao longo de certas direções ou em isofotas
- Adotam-se algumas expressões empíricas para descrever os perfis

Perfil de de Vaucouleurs (ou lei do r^{1/4})

• Brilho superficial (densidade superficial de luminosidade) no raio r: $\Sigma(r) = \Sigma_e \exp \{-7.67 [(r/r_e)^{1/4} - 1] \}$

 r_e : raio efetivo- raio que contém metade da luminosidade da galáxia Σ_e : brilho superficial em r = r_e



r1/4

Perfil de de Vaucouleurs (ou lei do r^{1/4})

• Luminosidade total:

L_T = 2π $\int_0^\infty \Sigma(r) r dr$ = 8! exp(7.67) π $r_e^2 \Sigma_e / 7.67^8 \approx 7.22 π r_e^2 \Sigma_e$

• Brilho superficial central, $\Sigma(r=0)$: $\Sigma_0 = \Sigma_e \exp(7.67) \approx 2143 \Sigma_e$

como o brilho superficial (em mag arcsec⁻²) é μα -2.5 log Σ, temos que $\mu_o \approx \mu_e - 8.33$

- Exemplo: para uma E gigante μ₀^B ≈ 17 mag arcsec⁻²
 logo μ_e^B ≈ 25.3 mag arcsec⁻²
- Note que $2\pi \int_0^{re} \Sigma(r) r dr = L_T / 2$

Desvios do perfil de de Vaucouleurs

 O perfil de de Vaucouleurs não se aplica às regiões centrais: em algumas galáxias o perfil se achata (*core*); em outras apresenta um crescimento forte (*cusp*)

 esse comportamento depende da luminosidade: cusps são encontrados principalmente em E de baixa luminosidade e os core nas de alta luminosidade (observações do HST)

- Algumas galáxias apresentam uma concentração de luz no centro: núcleo ativo
- Problema para determinar o perfil na região central: o seeing
 seeing: o "borramento" na imagem produzido pela turbulência atmosférica
 - PSF: *point spread function* (função de espalhamento do ponto)perfil observado de uma fonte puntual (como uma estrela)
 - em primeira aproximação a PSF é uma gaussiana
 - o *seeing* é medido pela largura à meia altura da PSF (FWHM: *full-width at half maximum*)
 - Imagem observada de uma galáxia: pode ser descrita como uma convolução da imagem acima da atmosfera com a PSF

Desvios do perfil de de Vaucouleurs

- Desvios nas regiões mais externas: truncamentos e extensões produzidos por interações?
- Truncamentos: remoção das estrelas da parte externa por interações (forças de maré) com outras galáxias
- Galáxias cD: apresentam um excesso de brilho em relação à lei de de Vaucouleurs
 - são encontradas quase sempre no centro de aglomerados de galáxias

 o excesso provavelmente é devido a estrelas removidas de outras galáxias de galáxias canibalizadas pela cD

Perfil de brilho superficial da galáxia cD no centro do aglomerado Abell 1413





Perfil de Sérsic

• O perfil de de Vaucouleurs é um caso particular do perfil de Sérsic:

```
\Sigma(r) = \Sigma_e \exp\{-b[(r/r_e)^{1/n} - 1]\}
```

```
b ≈1.999 x n - 0.327 (n>1)
```

n=4: lei de de vaucouleurs com *b=7.67 n=1*: perfil exponencial, com *b=1.67*quanto maior *n*, mais devagar o perfil cai com o raio

- O perfil parece depender da luminosidade:
 E pouco luminosas: n<4
 E muito luminosas: n>4
- O perfil das galáxias elípticas anãs (dE) é bem diferente do das E luminosas, sendo melhor descrito por uma exponencial

Relação entre a densidade superficial e a volumétrica

- Densidade superficial: Σ(s)
- Densidade volumétrica: ρ(r)

$$\Sigma(s)=2\int_0^\infty \rho(r)dz$$

onde

$$r^2 = s^2 + z^2$$

é fácil verificar que

$$\Sigma(s) = 2 \int_s^\infty \frac{\rho(r) r dr}{\sqrt{r^2 - s^2}}$$

esta é uma integral de Abel, cuja solução é

$$\rho(r) = -\frac{1}{\pi} \int_{r}^{\infty} \frac{d}{ds} \left(\Sigma(s) \right) \frac{ds}{\sqrt{s^2 - r^2}}$$



- Em primeira aproximação as isofotas de E são elípticas
 - *a, b*: semi-eixos maior e menor da elipse
 - elipticidade: $\varepsilon = 1 b/a$
 - excentricidade: $e = (1-b^2/a^2)^{1/2}$
 - ângulo de posição do eixo maior: θ (geralmente medido do Norte para Este)



 Em primeira aproximação as isofotas de E são elípticas



Mapa isofotal de NGC4697





Distribuição de elipticidades no raio efetivo

• Em geral $\varepsilon \in \theta$ variam com o raio- *isophotal twisting*



Forma tridimensional

- Vamos supor que as E são elipsóides, com semi-eixos *a*, *b*, *c* $x^2/a^2 + y^2/b^2 + z^2/c^2 = r^2$
- Elipsóides oblatos: tipo abóbora: *a=b>c*
- Elipsóides prolatos: tipo charuto: *a>b=c*
- Elipsóides triaxiais: *a,b,c* diferentes entre si as variações de elipticidade e ângulo de posição com o raio são evidências de que as E são, na maioria, *triaxiais*



Desvios da elipticidade

- Algumas E têm isofotas "pontudas": tipo disco
- Algumas E têm isofotas "achatadas": tipo caixa
- As E tipo disco tendem a ter mais rotação que as tipo caixa





NGC 1700: Elliptical Galaxy and Rotating Disk



Property Luminosity **Rotation Rate** Flattening **Rotation Axis** Velocity Field Shape **Core Profile Core Density Radio Luminosity** X-ray Luminosity

Boxy ($a_4 < 0$) high : $M_{\rm B} < -22$ slow/zero : $(V_r / {}^{\sigma})^* < 1$ velocity anisotropy anywhere anisotropic moderately triaxial cuspy core low radio loud and quiet 10²⁰ - 10²⁵ W/Hz high

Disky $(a_4 > 0)$ $low : M_{R} > -18$ faster : $(V_r / {}^{\sigma})^* \sim 1$ rotational photometric minor axis nearly isotropic almost oblate steep power law high radio quiet $< 10^{21} \text{ W/Hz}$ low

Cores e populações estelares

- E são vermelhas: dominadas por uma população estelar velha (> alguns Ganos) a maior parte da luz vem de gigantes vermelhas (B-V) ≈ 0.9
- Meio interestelar: as E têm pouco gás comparadas com as espirais
- HI detectado pela emissão em 21 cm
 - 10-15% das E têm quantidades mensuráveis de gás, normalmente na forma de um anel ou disco
 - $M < 5x10^9 M_s$
- HII detectado via linhas de emissão (H α , H β , ...) - M ~ 10³ - 10⁶ M_s, n ~ 10³ cm⁻³, T ~ 10⁴ K
- Gás quente (detectado em raios-X): halo com - M ~ 10^8 - 10^{10} M_s, T ~ 10^7 - 10^8 K
- Poeira: disco ou camadas com ~ $10^4 10^5 M_s$
- Parte do gás e poeira vem da evolução estelar; parte vem da fusão com galáxias com gás

- Vamos modelar um sistema estelar por N massas puntuais m_i (i=1,..., N) interagindo gravitacionalmente
- Num instante t a massa m_i tem um vetor posição r_i
- Distância entre as massas *i* e *j*: $\mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_i \mathbf{r}_j$
- Equação de movimento da partícula *i*:

$$m_i \ddot{\mathbf{r}}_i = -\sum_{j \neq i} \frac{Gm_i m_j \mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}^3}$$

 Vamos multiplicar os dois lados da equação de movimento por r_i e somar sobre todas as partículas:

$$\sum_{i} m_{i} \mathbf{r}_{i} \cdot \ddot{\mathbf{r}}_{i} = -\sum_{i} \sum_{j \neq i} \frac{G m_{i} m_{j} \mathbf{r}_{i} \cdot \mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}^{3}}$$

• termo do lado esquerdo:

$$\sum_{i} m_i \mathbf{r}_i \cdot \ddot{\mathbf{r}}_i = \frac{d}{dt} \sum_{i} m_i \mathbf{r}_i \cdot \dot{\mathbf{r}}_i - \sum_{i} m_i \dot{\mathbf{r}}_i^2$$

• por outro lado,

$$\sum_{i} m_{i} \mathbf{r}_{i} \cdot \dot{\mathbf{r}}_{i} = \frac{1}{2} \frac{d}{dt} \sum_{i} m_{i} \mathbf{r}_{i}^{2}$$

• energia cinética do sistema:

$$T = \frac{1}{2} \sum_{i} m_i \dot{\mathbf{r}}_i^2$$

• momento de inércia:

$$I = \sum_{i} m_i \mathbf{r}_i^2 \tag{22}$$

 Vamos multiplicar os dois lados da equação de movimento por r_i e somar sobre todas as partículas:

$$\sum_{i} m_{i} \mathbf{r}_{i} \cdot \ddot{\mathbf{r}}_{i} = -\sum_{i} \sum_{j \neq i} \frac{G m_{i} m_{j} \mathbf{r}_{i} \cdot \mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}^{3}}$$

• o termo do lado esquerdo fica:

$$\sum_{i} m_i \mathbf{r}_i \cdot \ddot{\mathbf{r}}_i = \frac{1}{2} \frac{d^2 I}{dt^2} - 2T$$

• o termo do lado direito é

$$U = -\sum_{i} \sum_{j \neq i} \frac{Gm_i m_j \mathbf{r}_i \cdot \mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}^3}$$

• para qualquer par de partículas esta expressão terá termos do tipo

$$\mathbf{r}_i \cdot \mathbf{r}_{ij} + \mathbf{r}_j \cdot \mathbf{r}_{ji} = \mathbf{r}_i \cdot \mathbf{r}_{ij} - \mathbf{r}_j \cdot \mathbf{r}_{ij} = (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j) \cdot \mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_{ij}^2$$

• logo, U é a energia potencial do sistema

$$U = -\sum_{\text{pares } i,j} \frac{Gm_i m_j}{r_{ij}}$$
23

• Teorema do virial:

$$\frac{1}{2}\frac{d^2I}{dt^2} = 2T + U$$

• sistema em equilíbrio: *I* = constante. Logo,

$$2T + U = 0$$

• energia total do sistema:

$$E = T + U = \frac{1}{2}U$$

note que, para um sistema estar ligado, E < 0

• um sistema gravitacional em equilíbrio satisfaz o teorema do virial: a energia cinética é metade do módulo da energia potencial

Teorema do virial em sistemas esféricos

- Consideremos um sistema estelar esférico de massa M e raio R
- Energia cinética:

$$T = \frac{1}{2} \sum_{i} m_i v_i^2 = \frac{1}{2} M \langle v^2 \rangle$$

<v2> é a dispersão de velocidades do sistema (supondo <v>=0)

• Sendo M(r) a massa dentro do raio r, a energia potencial é

$$U = -\int_0^R \frac{GM(r)dM(r)}{r} = -\frac{\alpha GM^2}{R}$$

 α é um número da ordem da unidade que depende da distribuição de massa

exemplo: α =3/5 para uma esfera uniforme

• Teorema do virial: 2T+U=0; logo

$$\langle v^2 \rangle = \frac{\alpha GM}{R}$$

• Equilíbrio virializado: as velocidades sustentam a atração gravitacional

 $< v^2 >$ é proporcional à "temperatura" do gás de estrelas

• Dispersão de velocidades:

$$< v^2 > = < v_x^2 > + < v_y^2 > + < v_z^2 > = \sigma_x^2 + \sigma_y^2 + \sigma_z^2$$

• Se a distribuição de velocidades é isotrópica:

$$\sigma_x^2 = \sigma_y^2 = \sigma_z^2 = \sigma^2$$

• Logo,

$$\langle v^2 \rangle = 3\sigma^2$$

σ: dispersão de velocidades uniαimensional- "temperatura" do gás de estrelas

 Em E a dispersão de velocidades é medida a partir da largura das linhas espectrais: o movimento das estrelas alarga as linhas por efeito Doppler (largura da linha = alargamento natural + alargamento Doppler)

- A forma de um sistema estelar depende de sua dispersão de velocidades:
- Sistemas oblatos:

 $\sigma_x = \sigma_y > \sigma_z$

• Sistema prolatos:

 $\sigma_x = \sigma_y < \sigma_z$

• Sistemas triaxiais:

 $\sigma_x \neq \sigma_y \neq \sigma_z$

Massas via o teorema do virial

- Teorema do Virial: $M \alpha R < v^2 >$
- Para uma distribuição de massa com um perfil de de Vaucouleurs:

$$M \simeq \frac{\langle v^2 > r_e}{0.33G}$$

• Se a distribuição de velocidades é isotrópica:

$$M = \frac{\sigma^2 r_e}{0.11G}$$

- O teorema do virial mede a massa total, tanto a escura como a luminosa
- E mais brilhantes:

 $r_e \sim 15 - 20 \text{ kpc}$ $\sigma \sim 300 \text{ km/s}$ $M \sim 3 \times 10^{12} \text{ M}_{\text{s}}$ $M/L_v \sim 5 - 10 \text{ M}_{\text{s}}/L_{\text{s}}$

A família das galáxias E: relações estruturais

- As E satisfazem diversas relações estruturais
- relação de Kormendy: quanto maior uma galáxia é, menor o seu brilho superficial

 $\mu_{e,V}\approx 2.9 \; log\; [r_e(kpc)] + 19.5$







A família das galáxias E: relações estruturais

- As E satisfazem diversas relações estruturais
- relação de Faber-Jackson: $\sigma \alpha L^{1/4}$ $\sigma \approx 220 (L_B/L_{0B})^{0.25} km/s$ $L_{0B} = 1.0 \times 10^{10} h^{-2} L_s$

(Em outras bandas fotométricas os coeficientes dessas expressões são diferentes)



Faber-Jackson relation between central velocity dispersion and total magnitude of elliptical galaxies

A família das galáxias E: o plano fundamental

- Na banda r_G (Djorgovsky & Davies, 1987): log [r_e (kpc)] ≈ 1.39 log [σ (km/s)] + 0.36 < μ_e > - 6.71
 - inclui tanto a relação de Kormendy quanto a de Faber-Jackson
 - num espaço (r_e , σ , $<\mu_e>$) essa relação define um *plano*



< μ_e >: brilho superficial médio dentro de r_e

Figura 5.7: Relações satisfeitas por galáxias E. Alto à esquerda: relação de Kormendy; alto à direita: relação de Faber-Jackson; em baixo à esquerda: relação entre brilho superficial e dispersão de velocidades (plano fundamental quase visto de face); em baixo à direita: plano fundamental visto de perfil.

A família das galáxias E: implicações do *plano fundamental*

- O plano fundamental pode ser escrito como $log r_e = a log [\sigma (km/s)] + 2.5 b log \Sigma_e + c (r_e \alpha \sigma^a \Sigma_e^{2.5 b})$ onde *a,b,c* são constantes que dependem da banda fotométrica
- Vamos supor que as galáxias estão virializadas: σ² α M/r_e ou, supondo que Σ_e α L/ r_e², temos que σ² α M/r_e α (M/L) r_e (L/r_e²) α (M/L) r_e Σ_e portanto, M/L α σ²/(r_e Σ_e) e, usando a equação do plano fundamental para eliminar Σ_e, temos M/L α σ^{2+0.4a/b} r_e^{-(1+0.4/b)}
- Essa relação mostra que há uma conexão entre as populações estelares (*M/L*) com os parâmetros estruturais σ e r_{e}
- *M/L* cresce ligeiramente com a massa: um fator 3 ao longo de 5 magnitudes
- $M/L \sim 10 20 M_s/L_s$ (h=1) dentro de r_e (pouca matéria escura)

A família das galáxias E: indicadores de distância

- tanto a relação de Kormendy quanto a de Faber-Jackson quanto o "plano fundamental" servem como *indicadores de distância* das E
- exemplo: relação de Faber-Jackson $\sigma \approx 220 \ (L_B/L_{OB})^{0.25} \ km/s$
- Como σ não depende da distância, medindo σ determino L_B , e conhecendo o fluxo posso então determinar a distância



Faber-Jackson relation between central velocity dispersion and total magnitude of elliptical galaxies $\boxed{L_B \propto \sigma^4}$

Relação de Faber-Jackson

Tipicamente:

 $\log \sigma_v (\text{km/s}) \approx 0.1 \text{ M}_{\text{B}} + 0.2$



Faber-Jackson relation between central velocity dispersion and total magnitude of elliptical galaxies

 L_B

$$\propto \sigma^4$$

A família das galáxias E: a relação D_n - σ

(Dressler et al. 1987, os 7 samurais: + Burstein, Davies, Lynden-Bell, Faber, Terlevich, Wegner)

- Antes do plano fundamental ser descoberto, a relação de Faber-Jackson era o principal indicador de distância das E
- Os 7 samurais introduzem um novo método
- D_n: diâmetro da abertura circular (em kpc) onde <μ_B>=20.75 mag arcsec⁻² (o valor em si não é importante)
- Essa escolha de parâmetros corresponde ao plano fundamental visto de perfil
- Para um perfil de de Vaucouleurs, $D_n \alpha r_e < \Sigma_e > 0.8$ (onde $<\Sigma_e > \acute{e}$ o brilho superficial médio dentro de r_e) ou, $log D_n = log r_e + 0.8 log < \Sigma_e > = log r_e - 0.32 < \mu_e >$

A família das galáxias E: a relação D_n - σ

(Dressler et al. 1987, os 7 samurais: + Burstein, Davies, Lynden-Bell, Faber, Terlevich, Wegner) $\log D_n = \log r_e + 0.8 \log \langle \Sigma_e \rangle = \log r_e - 0.32 \langle \mu_e \rangle$

Os 7 samurais escrevem o plano fundamental como: log $r_e = 0.36 < \mu_e > + 1.4 \log \sigma + cte$

Logo, log $D_n = 1.4 \log \sigma - 0.04 < \mu_e > + cte$, $\approx 1.4 \log \sigma + cte'$ (a dependência com μ é muito fraca), ou,

 $D_n \ \alpha \ \sigma^{1.4}$

•

• Indicador de distância: mede-se σ , calcula-se D_n , mede-se o diâmetro aparente θ_n , correspondente a $\langle \mu_B \rangle = 20.75 \text{ mag arcsec}^{-2}$ e calcula-se a distância: $d = D_n / \theta_n$

A relação D_n - σ e o Grande Atrator

- Dressler et al. 1987 (os 7 samurais): determinando as distâncias e estudando o campo de velocidades peculiares de galáxias E próximas concluiram que havia uma grande concentração de massa- o Grande Atrator- atraindo essas galáxias
- O Grande Atrator é hoje associado a um conjunto de aglomerados de galáxias: o Super-Aglomerado de Centauro



Campo de velocidades peculiares das E mostrando o fluxo em direção ao Grande Atrator



38

A família das galáxias E: relações entre as populações estelares

- Relação cor-magnitude: as E mais luminosas são mais vermelhas (porque são mais velhas e têm mais metais)
- "mais velhas" refere-se à idade média das estrelas



A família das galáxias E: relações entre as populações estelares

 Relação metalicidade – dispersão de velocidades: as galáxias com maior σ (poço de potencial mais profundo) são mais vermelhas e mais metálicas



Figura 5.9: Relação entre cor (B-V) e dispersão central de velocidades com o índice da linha Mg2, que depende 40 da metalicidade da galáxia.

A família das galáxias E: relações entre as populações estelares

- Relação metalicidade dispersão de velocidades: as galáxias com maior σ (poço de potencial mais profundo) são mais vermelhas e mais metálicas
- Explicação: o poço de potencial das galáxia mais luminosas faz com que os metais produzidos na galáxia não escapem

- Modelo clássico (cenário monolítico ou ELS: Eggen, Lynden-Bell & Sandage, 1962)
 - as E têm população estelar velha
 - as estrelas nas E têm órbitas caóticas

 então, as E se formaram rapidamente, há muito tempo, pelo colapso em queda livre de uma grande nuvem de gás

as estrelas se formam e o sistema estelar se virializa

Modelo Clássico



- Cenário hierárquico: as galáxias se formam e evoluem por fusões de galáxias, que podem ocorrer continuamente
- Galáxias são formadas pelo colapso e fusão de halos de matéria escura: os bárions acompanham o campo gravitacional da matéria escura



Figure 4 Ilustração de uma árvore de fusões. Conforme o tempo passa (de cima para baixo) os halos vão se fundindo formando a galáxia.

Simulaçao numérica da evolução de halos de matéria escura



Springel, Hernquist & White (2000)

Simulaçao numérica da evolução de halos de matéria escura Simulação do Milênio



- Cenário hierárquico: as galáxias se formam e evoluem por fusões de galáxias, que podem ocorrer continuamente
- Em fusões entre galáxias de mesma massa o gás pode ser consumido num starburst e expelido pela ação de supernovas, formando uma E
- Em fusões menores o disco pode se preservar



Figure 3 Fusão de galáxias. A Antennae é um par de galáxias em colisão. A imagem da direita (do HST) mostra a região central do sistema, onde há um starburst vigoroso.

Cenários de formação das galáxias E a rota ambiental

- Galáxias espirais caem em aglomerados, perdem o gás por vários efeitos ambientais e param de formar estrelas
- Depois de ~1 Ganos, as gigantes vermelhas começam a dominar a luz e elas ficarão suficientemente vermelhas para serem classificadas como S0
- Por interações de maré e colisões com outras galáxias do aglomerado, elas vão perdendo o disco, e o que sobra é a componente esferoidal, identificada como uma E





Exercícios

(1) Uma galáxia tem magnitude total m. Qual é a magnitude dentro de seu raio efetivo? (2) Uma galáxia tem $\mu_{\rm B} \sim 17$ mag arcsec⁻². Quanto vale isso em L_s Mpc⁻²? Supondo que sua luminosidade é dominada por gigantes vermelhas com M_B=+2.5, qual é a densidade superficial de gigantes?

(3) Interprete a relação de Kormendy em termos da concentração da luz das galáxias.

(4) Qual é o tipo En mais comum?

(5) Veja a figura com o mapa isofotal de NGC4697. Para 3 isofotas mais ou menos igualmente espaçadas, meça a elipticidade e o ângulo de posição do eixo maior (use régua e transferidor). Comente o comportamento destas grandezas.

(6) Uma galáxia esférica tem uma densidade superficial de luminosidade $\Sigma \alpha R^{-1}$, onde R é o raio projetado no céu. Supondo que a razão M/L não depende do raio, como depende do raio a densidade de massa?

(7) Mostre que, para uma esfera uniforme, α=3/5 no termo da energia potencial. Utilize o teorema do virial para obter uma expressão para a massa desse sistema.

(8) Uma galáxia elíptica no aglomerado de Virgo (cuja distância é 15 Mpc) tem $r_e = 100$ arcsec e dispersão central de velocidades $\sigma = 200$ km/s. Estime a massa da galáxia. (9) Uma E tem dispersão central de velocidades de 150 km/s e magnitude aparente $m_p=17$. Determine sua distância.

(10) Como o plano fundamental das E pode ser usado como um indicador de distância?

 Use a relação D_n-σ (abaixo) para estimar a distância relativa entre os aglomerados de Coma e de Virgo.



Figura 9.4: Log da dispersão de velocidades σ (km/s), versus o log do diâmetro isofotal aparente D_n , para galáxias nos aglomerados de Virgo e Coma (Dressler et al. 1987).

50