

Capítulo 3

**O Espectro contínuo de luz**

- 3.1 Paralaxe estelar
- 3.2 A escala de magnitudes
- 3.3 A natureza ondulatória da luz
- 3.4 Radiação de corpo-negro**
- 3.5 Quantização de energia**
- 3.6 O índice de cor**



## 3.4 Radiação de Corpo-Negro

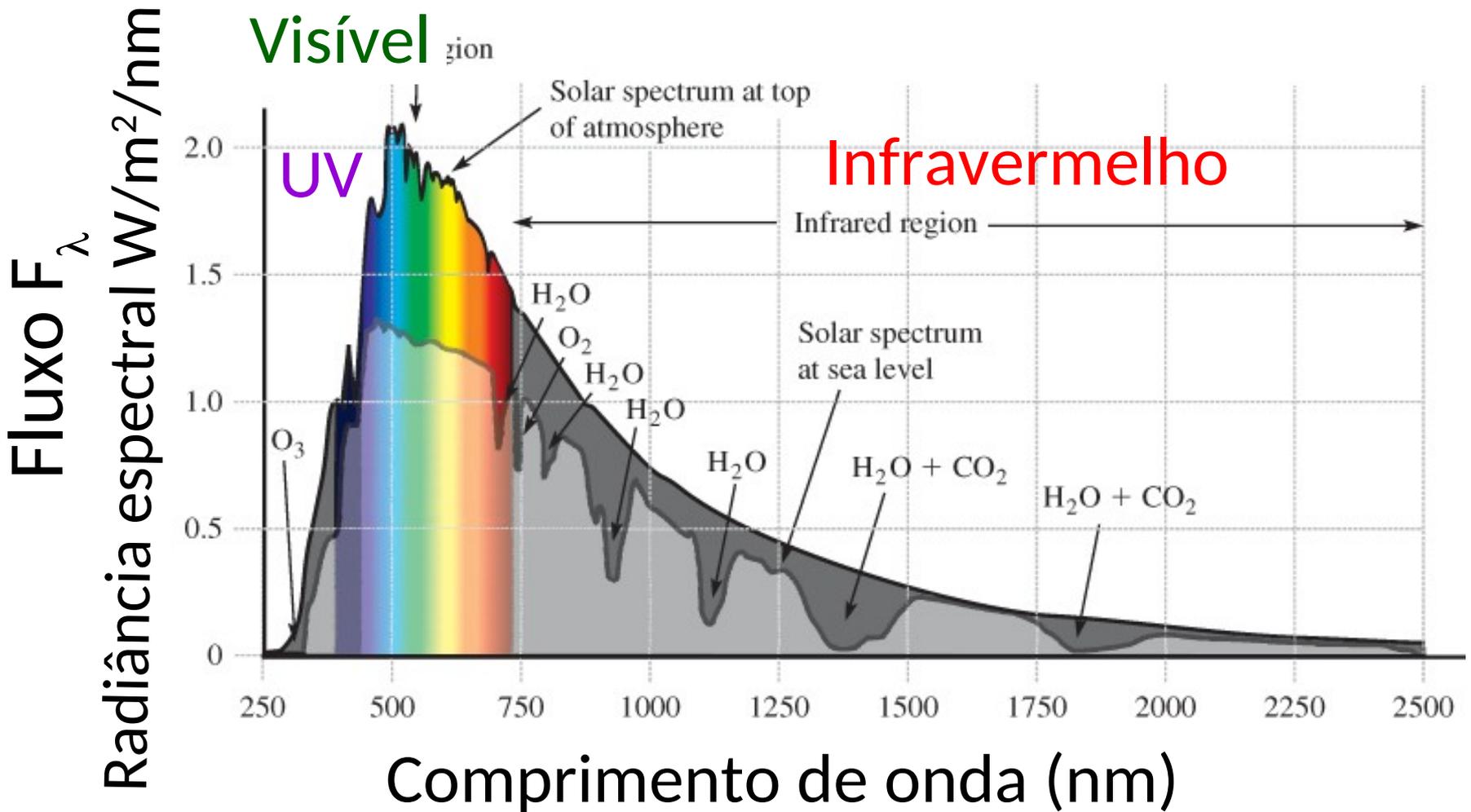
Em Orion identifica-se a estrela **fria** avermelhada (Betelgeuse -  $\alpha$  Ori) e a estrela **quente** azulada (Rigel -  $\beta$  Ori).

A cor depende da temperatura superficial da estrela



Observações: **Betelgeuse** ( $T \sim 3600\text{K}$ ) e **Rigel** ( $T \sim 13000\text{K}$ )

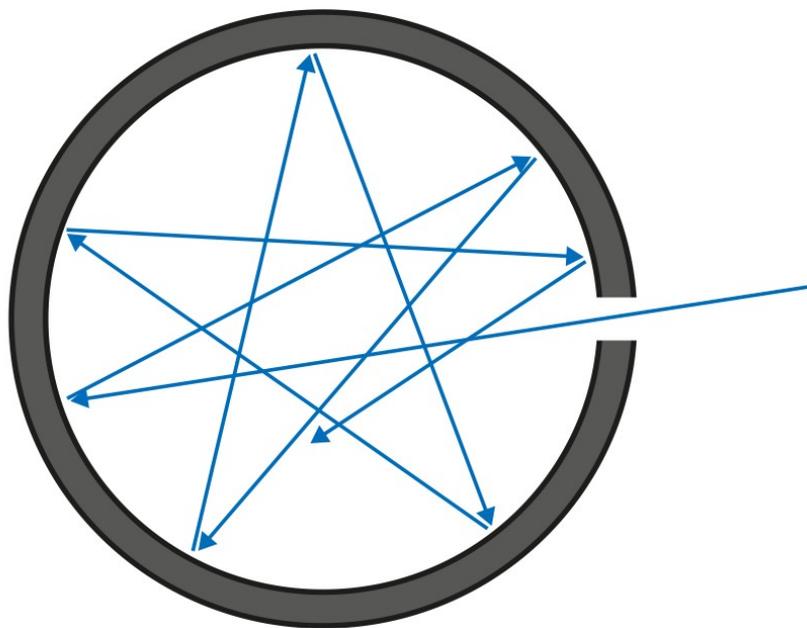
# Temperatura & Cor: o Sol



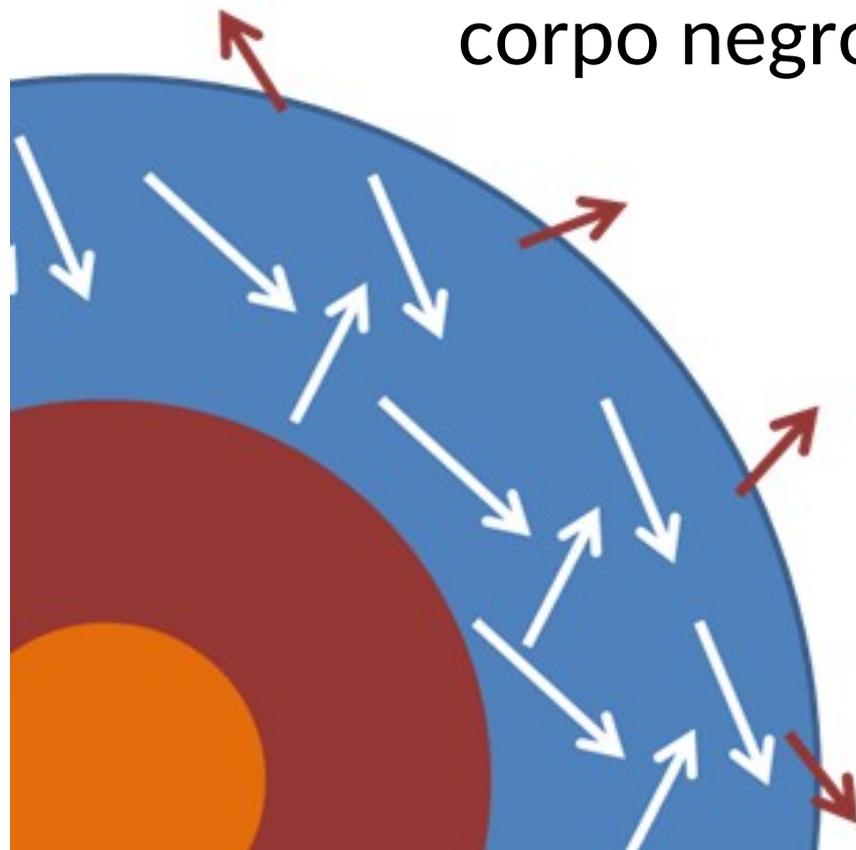
Observando a radiação do Sol notamos que o pico se encontra no visível e que emite muito mais no infravermelho do que no UV

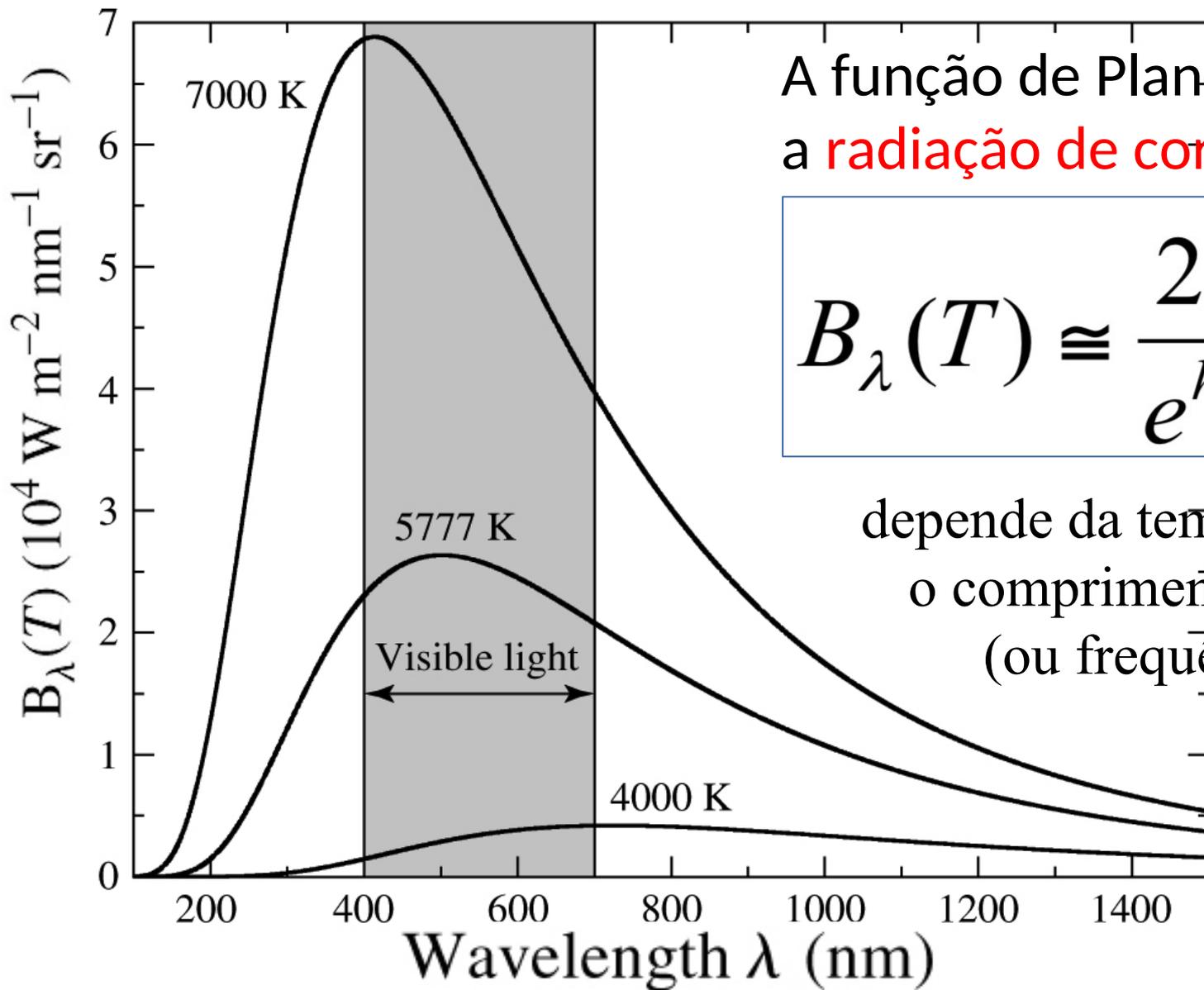
## Corpo negro:

Corpo que absorve toda radiação incidente. Por exemplo, orifício em cavidade. Em equilíbrio térmico, irradia energia na mesma taxa que a absorve



Uma estrela pode ser considerada (em 1ª aproximação) um corpo negro





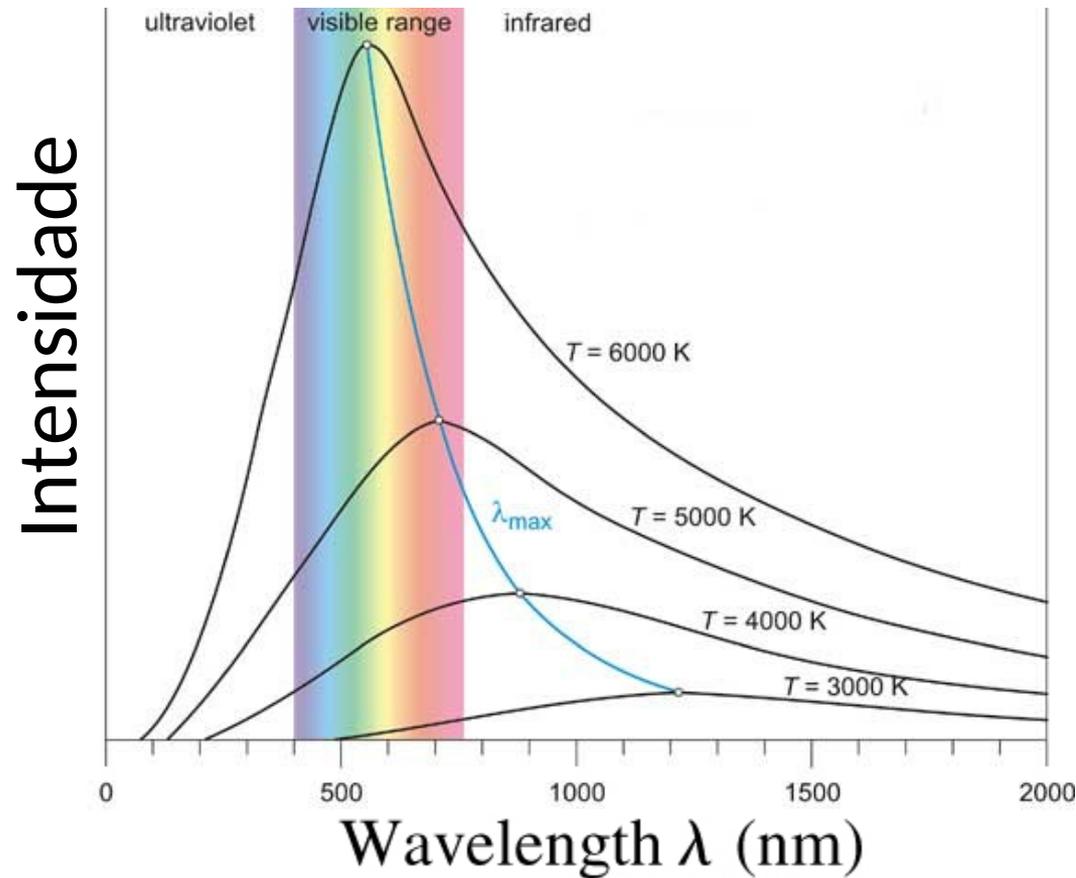
A função de Planck descreve a **radiação de corpo negro**:

$$B_\lambda(T) \cong \frac{2hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1}$$

depende da temperatura  $T$  e o comprimento de onda  $\lambda$  (ou frequência  $\nu = c/\lambda$ )

# A radiação de Corpo Negro é uma aproximação para o espectro contínuo emitido pelas estrelas

- Objeto caracterizado por uma temperatura  $T$
- Supõe-se um estado de equilíbrio termodinâmico



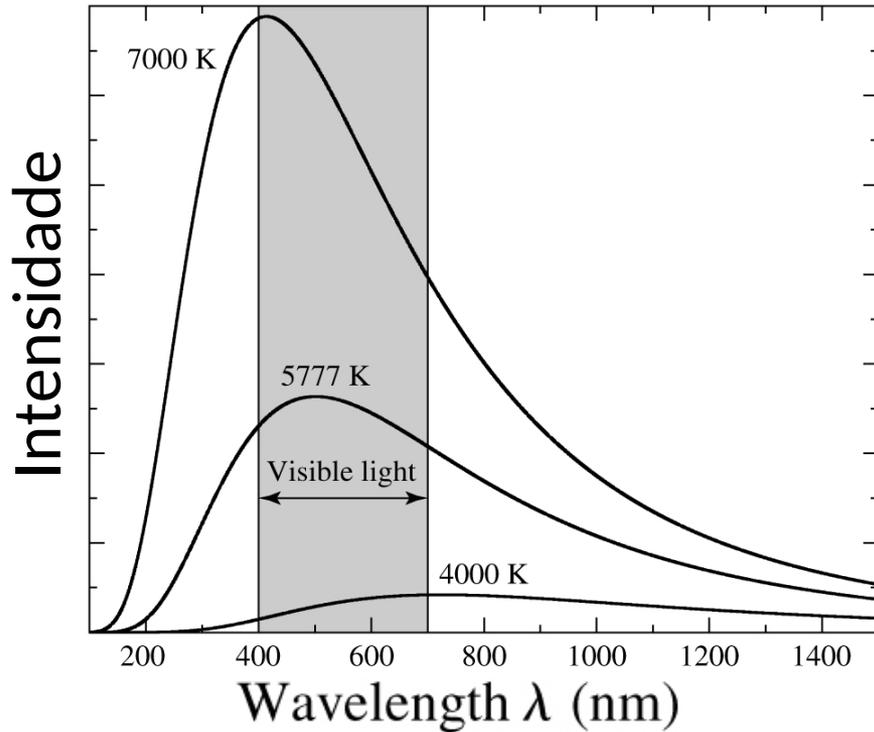
*Máximo de intensidade no  $\lambda_{max}$  (ou frequência  $\nu_{max}$ )*

Temperatura  $T \uparrow$  :  $\lambda_{max} \downarrow$  (azul),  $\nu_{max} \uparrow$

Temperatura  $T \downarrow$  :  $\lambda_{max} \uparrow$  (vermelho),  $\nu_{max} \downarrow$

# Deslocamento do pico de máxima intensidade:

Para qual  $\lambda_{\max}$  é o máximo de intensidade?



$$I_{\lambda}(T) \cong \frac{2hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1}$$

$I_{\max} \Rightarrow \lambda_{\max}$  obtido pela derivada

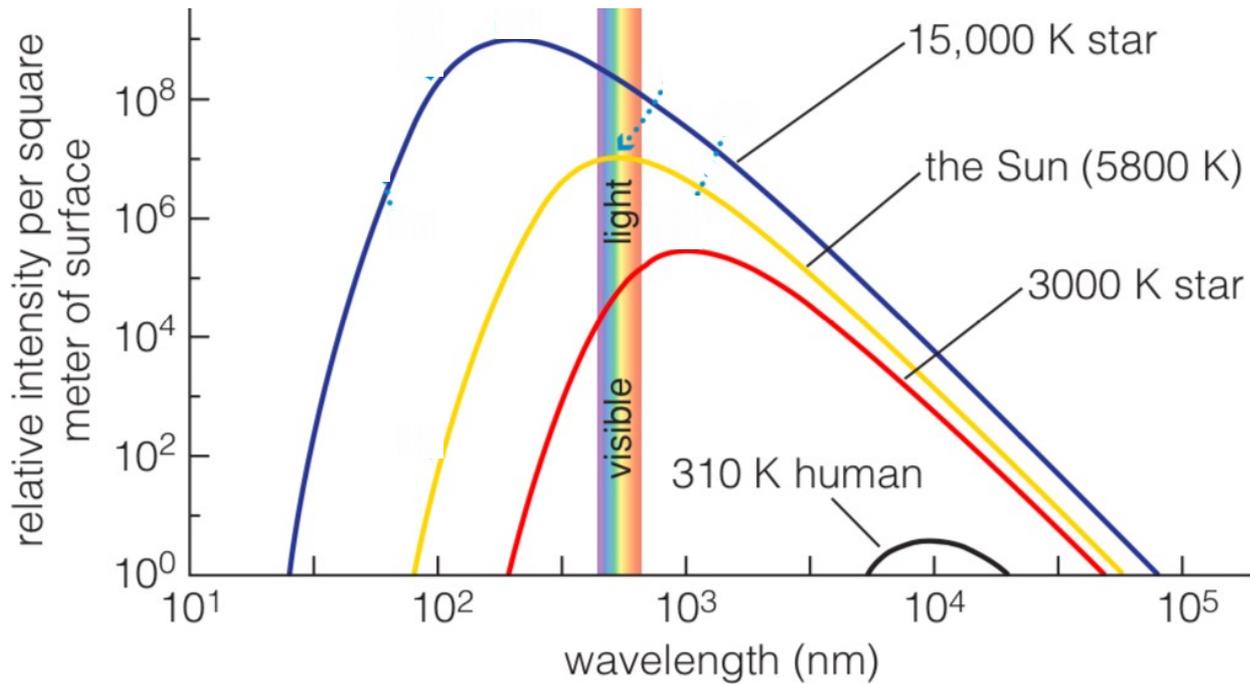
$$\frac{d I_{\lambda}}{d\lambda} = 0$$

**Lei de Wien**  $\lambda_{\max}(cm) = \frac{0,2897755}{T(K)}$

**Lei de Wien**  $\lambda_{\max} (cm) = \frac{0,2897755}{T(K)}$

$$\begin{aligned} 1 \text{ cm} &= 10^{-2} \text{ m} \\ 1 \text{ nm} &= 10^{-9} \text{ m} \end{aligned} \quad \rightarrow \quad 1 \text{ cm} = 10^7 \text{ nm}$$

$$\lambda_{\max} (nm) = 2\,897\,755 / T(K)$$

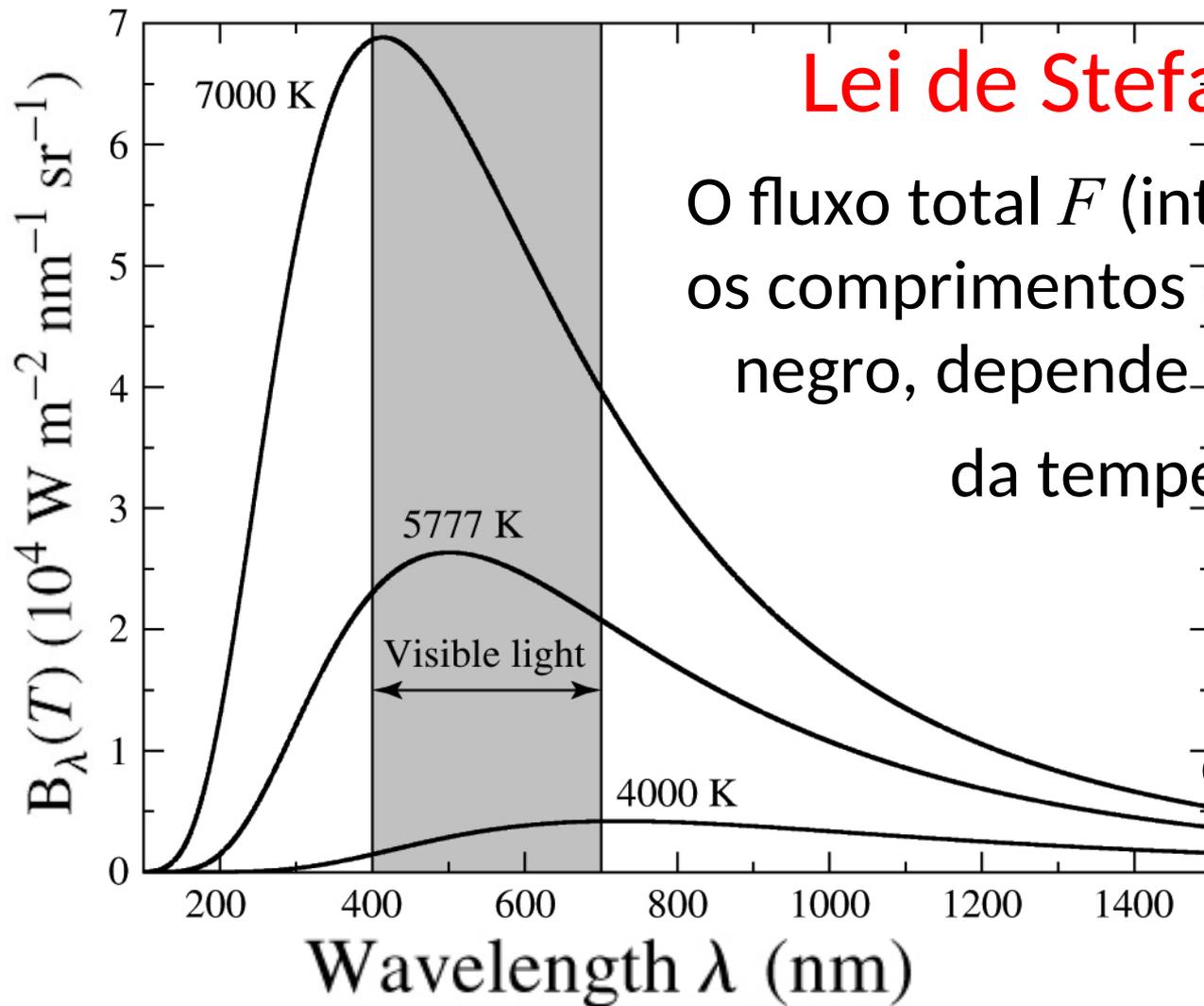


© cosmic perspective

$$\lambda_{\max} (nm) = 2897755 / T(K)$$

Exemplos:

- Sol (  $T \sim 5800$  K),  $\lambda_{\max} \sim 500$  nm (visível)
- Antares ( $T_e \sim 3000$  K gigante vermelha),  $\lambda_{\max} \sim 1$   $\mu$ m (infravermelho)
- Sirius ( $T_e \sim 10000$  K gigante azul),  $\lambda_{\max} \sim 290$  nm (UV).



## Lei de Stefan - Boltzmann

O fluxo total  $F$  (integrando em todos os comprimentos de onda) do corpo negro, depende exponencialmente da temperatura,  $F = \sigma T^4$

Lei empírica por Stefan (1879) e derivada depois por Boltzmann (1884)

$$\sigma = 5,67 \times 10^{-5} \text{ erg cm}^{-2} \text{ K}^{-4} \text{ s}^{-1}$$

(cte de Stefan-Boltzmann)

# Lei de Stefan – Boltzmann



Josef Stefan  
(1835-1893)

Fluxo total emitido por corpo negro:  $F = \sigma T^4$

A luminosidade é Fluxo x Área,  
então a luminosidade de um  
corpo negro é:

$$L = A\sigma T^4$$

Para uma estrela,  
área =  $4\pi R^2$

$$\rightarrow L = 4\pi R^2 \sigma T_e^4$$

A temperatura na “superfície” da  
estrela é a **temperatura efetiva**,  
onde a medida de fluxo total é  
igual ao de um corpo negro:

$$F = \sigma T_e^4$$



Ludwig Boltzmann  
(1844-1906)

Exemplo 3.4.2. Calcular a temperatura efetiva do Sol usando

$$L_{\odot} = 3.839 \times 10^{26} \text{ W}$$

$$R_{\odot} = 6.95508 \times 10^8 \text{ m}$$

Exemplo 3.4.2. Calcular a temperatura efetiva do Sol usando

$$L_{\odot} = 3.839 \times 10^{26} \text{ W}$$

$$R_{\odot} = 6.95508 \times 10^8 \text{ m}$$

$$L = 4\pi R^2 \sigma T_e^4 \quad \sigma = 5.670400 \times 10^{-8} \text{ W m}^{-2} \text{ K}^{-4}$$

Exemplo 3.4.2. Calcular a temperatura efetiva do Sol usando

$$L_{\odot} = 3.839 \times 10^{26} \text{ W}$$

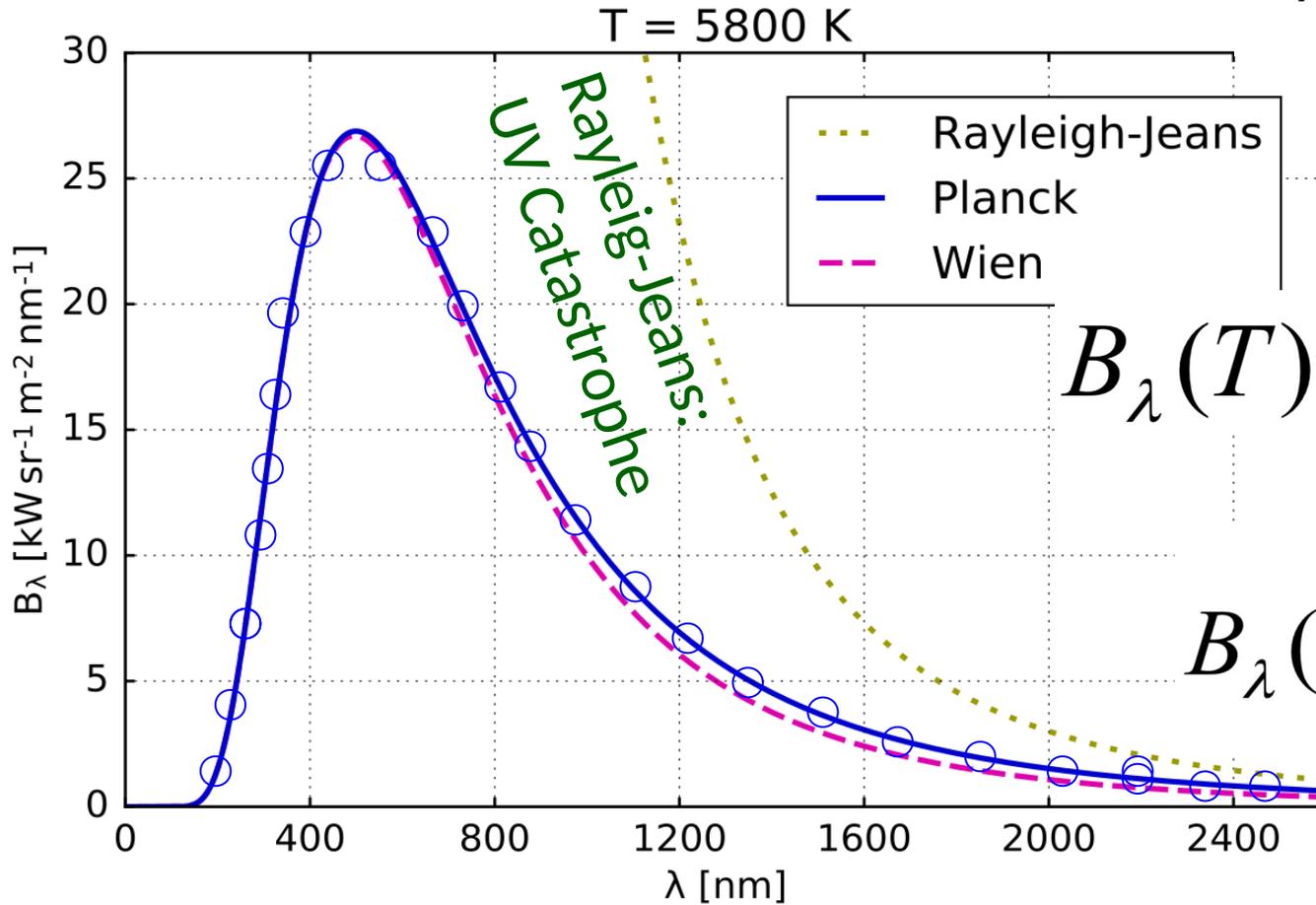
$$R_{\odot} = 6.95508 \times 10^8 \text{ m}$$

$$L = 4\pi R^2 \sigma T_e^4 \quad \sigma = 5.670400 \times 10^{-8} \text{ W m}^{-2} \text{ K}^{-4}$$

$$\Rightarrow T_{\odot} = \left( \frac{L_{\odot}}{4\pi R_{\odot}^2 \sigma} \right)^{\frac{1}{4}} = 5777 \text{ K}$$

# 3.5 Crise na Física (~ 1900)

Rayleigh-Jeans: boa para  $\lambda$  longo

$$B_{\lambda}(T) \cong \frac{2 c k T}{\lambda^4}$$


**Wien: boa para  $\lambda$  curto**

$$B_{\lambda}(T) \cong a \lambda^{-5} e^{-b/\lambda T}$$

**Planck**

$$B_{\lambda}(T) \cong \frac{a / \lambda^5}{e^{b/\lambda T} - 1}$$

## 3.5 A quantização de energia

- **Rayleigh** combinou equações de Maxwell com a física térmica para deduzir a expressão:

$$B_{\lambda}(T) \cong \frac{2ckT}{\lambda^4} \quad \textit{UV catastrophe}$$

essa aproximação de corpo negro é a **lei de Rayleigh-Jeans**, válida caso  $\lambda$  seja longo.

- **Wien** também buscava a expressão correta para a radiação de corpo negro e desenvolveu uma lei empírica válida para  $\lambda$  curto:

$$B_{\lambda}(T) \cong a\lambda^{-5} e^{-b/\lambda T}$$

onde a e b são constantes de ajuste dos dados experimentais.

$k = 1,38 \times 10^{-16}$  erg K<sup>-1</sup> cte. de Boltzmann



Max Planck  
(1858-1947)

Em um 'ato de desespero', Planck introduz o quantum de energia, resultando na expressão correta da curva de radiação de corpo negro (14/Dez/1900):

$$B_{\lambda}(T) = \frac{2hc^2 / \lambda^5}{e^{hc / \lambda kT} - 1}$$

A onda eletromagnética somente pode ter múltiplos inteiros de um **quantum** ( $E = h \nu$ ). Ou seja, a radiação é composta de **pacotes discretos** (*quanta*) de energia.

$h = 6,63 \cdot 10^{-27}$  erg s (=  $6,63 \cdot 10^{-34}$  J s; cte. de Planck).

Aproximações  
da Lei de Planck  
em função da  
frequência

$$B_\nu(T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{\left[ e^{h\nu/kT} - 1 \right]}$$

Dependendo da faixa de frequências, podemos adotar algumas aproximações para a lei de Planck:

### 1. Distribuição de Wien:

Altas frequências (e/ou Temperaturas não muito altas)

$$\frac{h\nu}{kT} \gg 1 \rightarrow e^{\frac{h\nu}{kT}} \gg 1 \quad B_\nu(T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} e^{-h\nu/kT}$$

## Aproximações da Lei de Planck (cont.)

$$B_\nu(T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{\left[ e^{h\nu/kT} - 1 \right]}$$

## 2. Distribuição de Rayleigh-Jeans:

Baixas frequências (e/ou temperaturas não muito baixas)

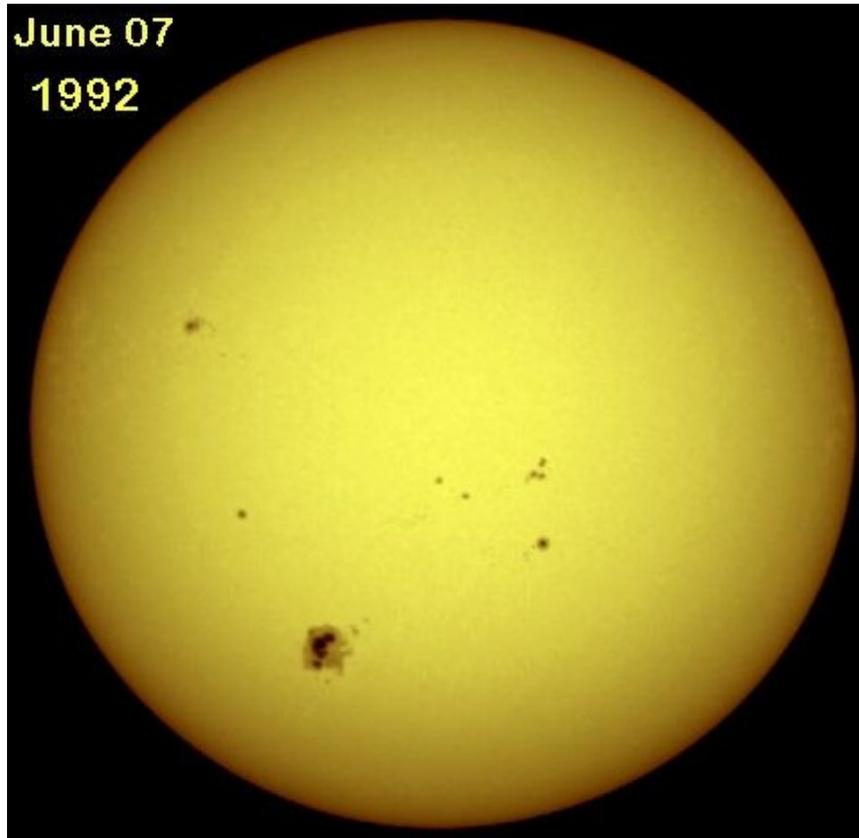
$$\frac{h\nu}{kT} \ll 1 \rightarrow e^{\frac{h\nu}{kT}} \approx 1 + \frac{h\nu}{kT}$$

$$e^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots$$

$$B_\nu(T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{h\nu/kT} \rightarrow B_\nu(T) = \frac{2\nu^2 kT}{c^2}$$

# Intensidade específica vs. Fluxo

- Sol: é possível medir intensidade específica, ou seja a intensidade em um determinado ângulo sólido
- Estrelas: medida de fluxo



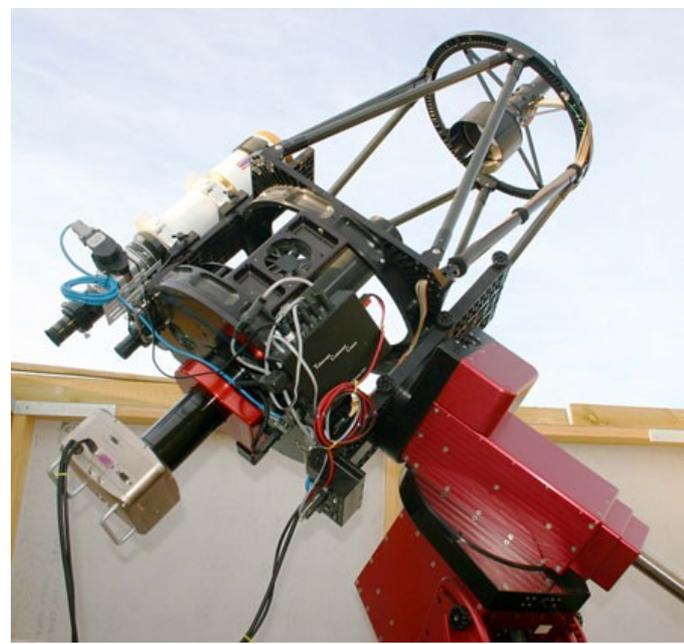
<http://solarscience.msfc.nasa.gov/surface.shtml>

<http://www.twanight.org/newtwan/photos.asp?ID=3001503>

# Fluxo monocromático de radiação

O fluxo é a quantidade que se relaciona diretamente com a medida da energia coletada:

$$F_{\lambda} = \frac{\textit{energia}}{\Delta A \Delta t \Delta \lambda}$$

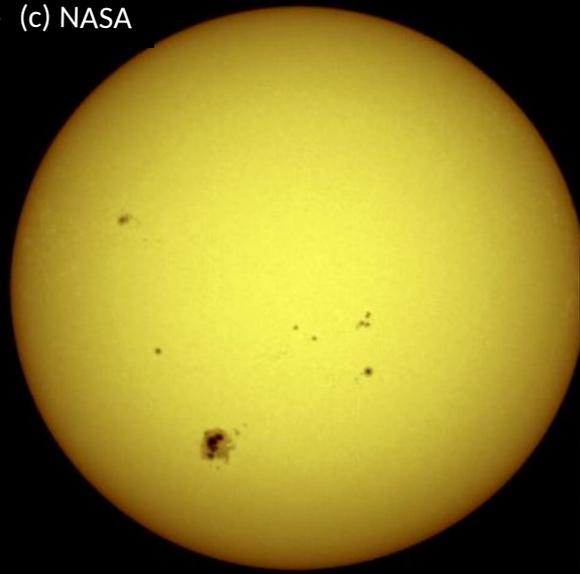


O fluxo (F) de energia que chega numa superfície é a *quantidade de energia* por *unidade de tempo* que passa através de uma *unidade de área* da superfície por unidade de *intervalo de comprimento de onda*

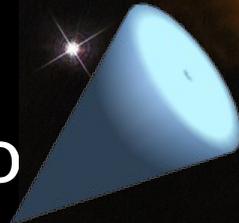
Unidades: **erg** m<sup>-2</sup> s<sup>-1</sup> nm<sup>-1</sup>

(c) NASA

A intensidade específica  $I_\lambda$  é medida em um determinado ângulo sólido



Ângulo sólido

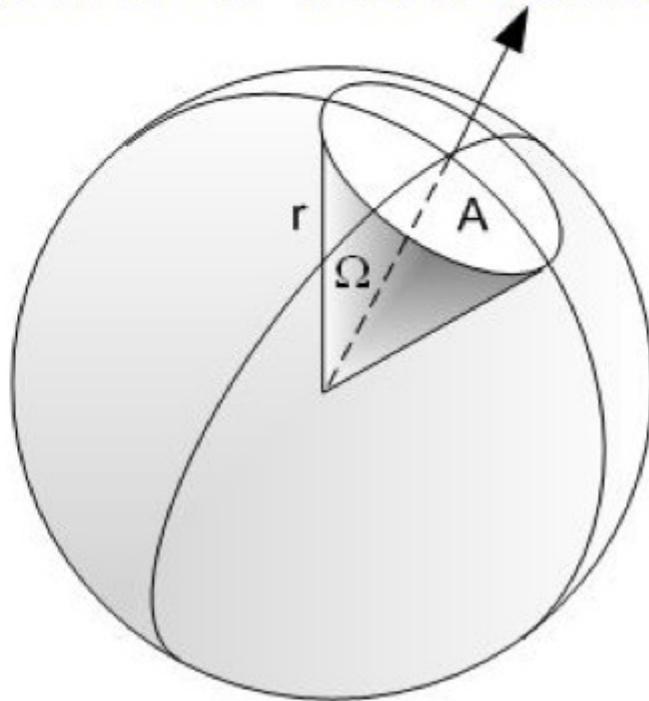


$I_\lambda$  : energia que atravessa um elemento de área perpendicular, por unidade de tempo, por unidade de comprimento de onda, por unidade de ângulo sólido

M57: the Ring Nebula  
(c) NASA/ESA Hubble

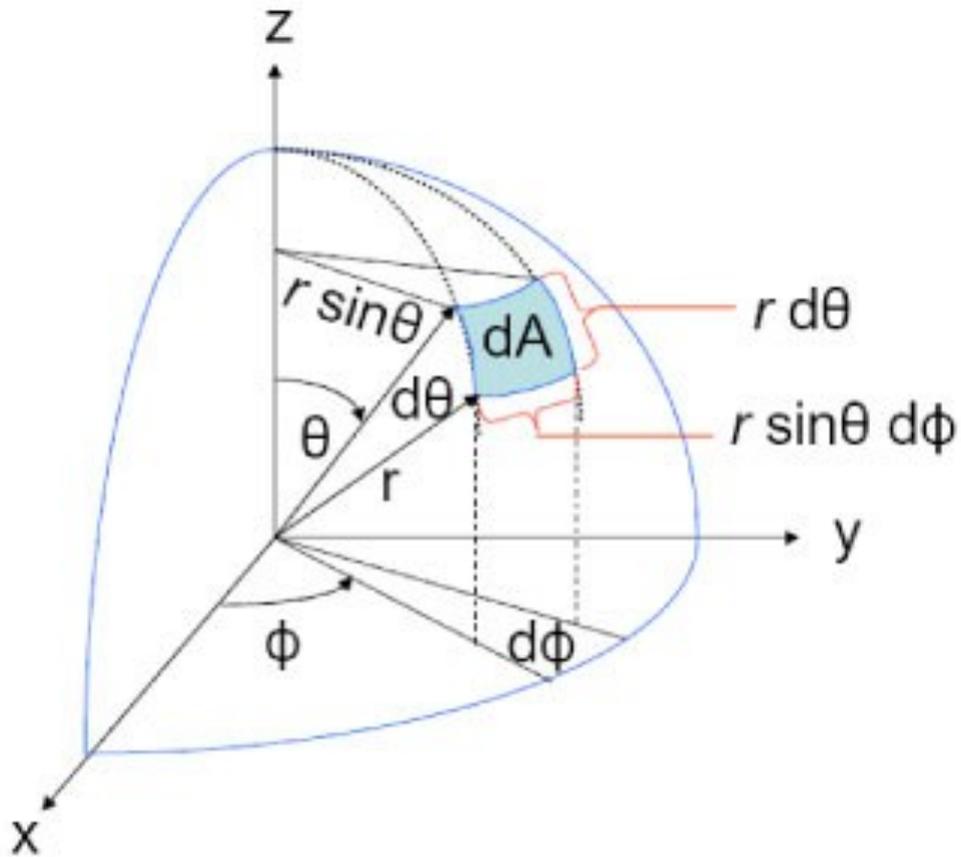
# Ângulo Sólido $\Omega$

ângulo subtendido por um objeto de área  $A$  a uma distância  $r$ .



$$\Omega = A/r^2$$

# Ângulo sólido em coordenadas esféricas

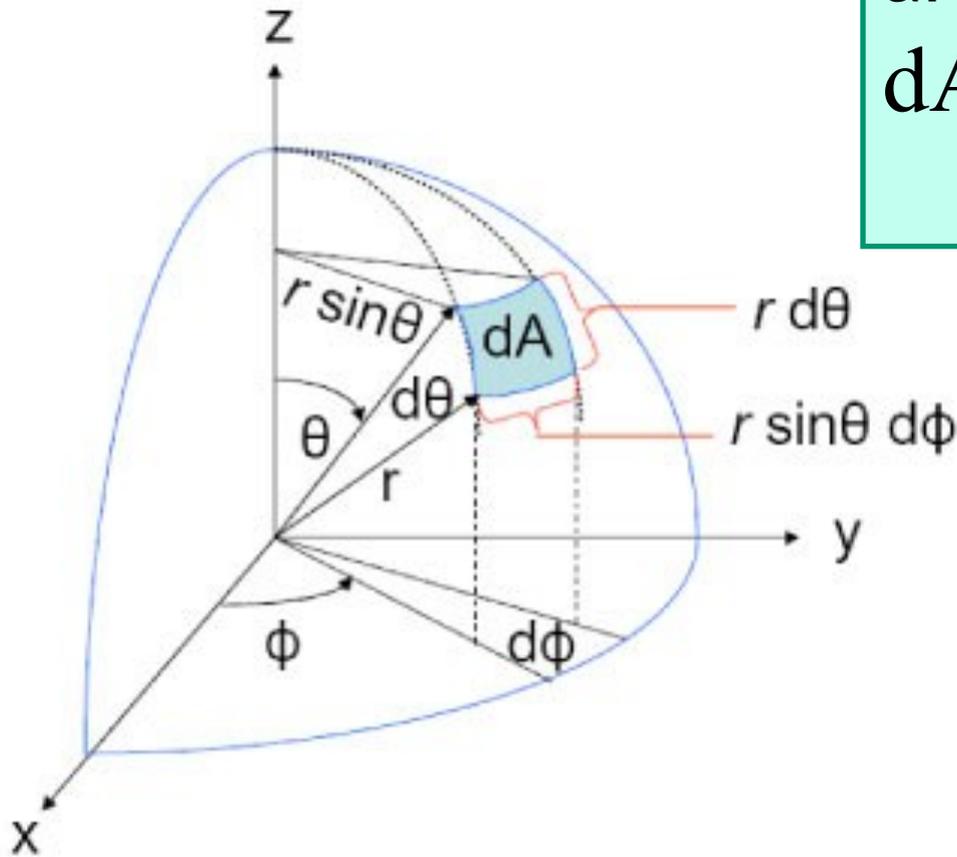


$$\omega = A/r^2$$

# Ângulo sólido em coordenadas esféricas

área elementar

$$dA = (r d\theta) (r \sin\theta d\phi) \\ = r^2 \sin\theta d\theta d\phi$$

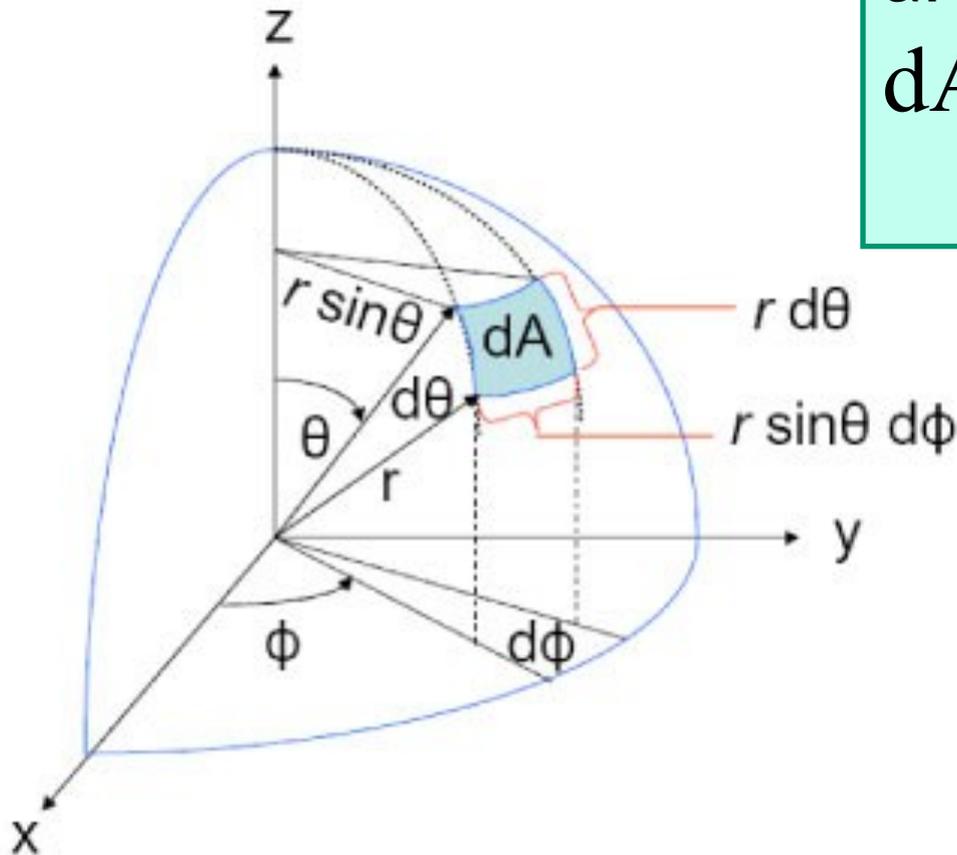


$$\omega = A/r^2$$

# Ângulo sólido em coordenadas esféricas

área elementar

$$dA = (r d\theta) (r \sin\theta d\phi) \\ = r^2 \sin\theta d\theta d\phi$$



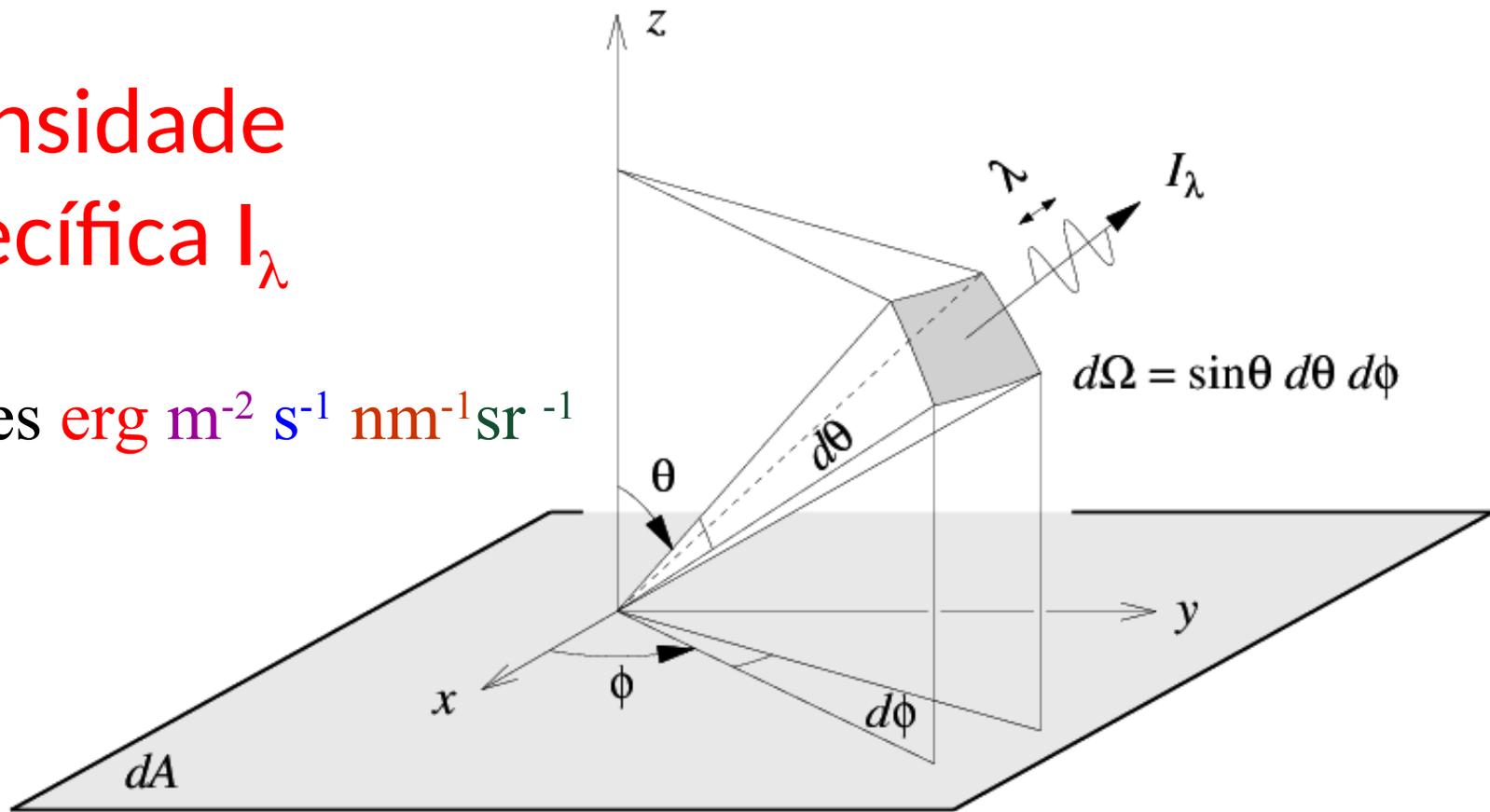
$$\omega = A/r^2$$

ângulo sólido elementar  
subtendido pela área  $dA$ :

$$d\omega = \sin\theta d\theta d\phi$$

# Intensidade específica $I_\lambda$

unidades  $\text{erg m}^{-2} \text{s}^{-1} \text{nm}^{-1} \text{sr}^{-1}$

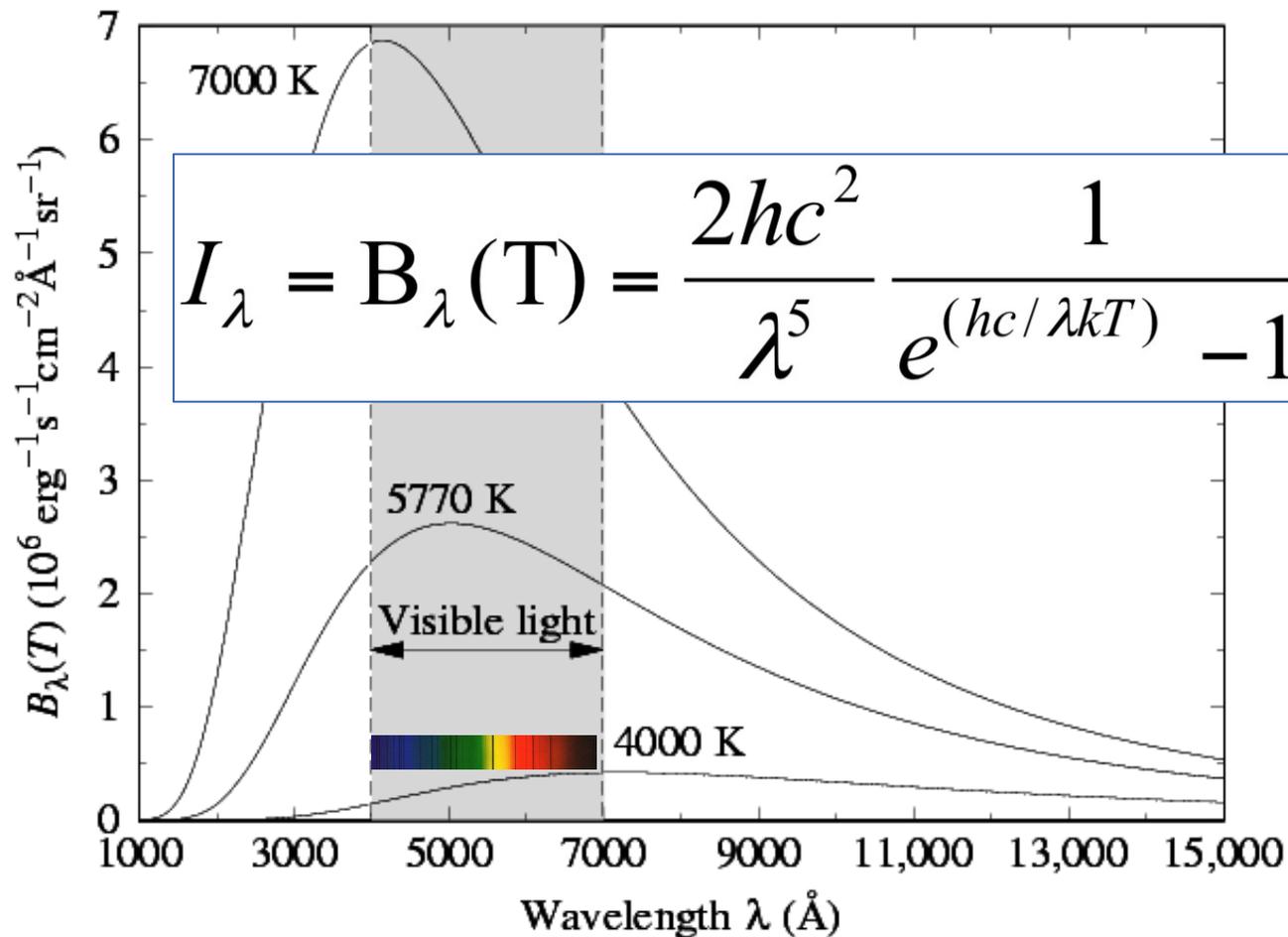


**Energia** que atravessa um elemento de **área perpendicular** ( $\Delta A \cos\theta$ ), por unidade de **tempo**, por unidade de **comprimento de onda**, por unidade de **ângulo sólido**

Radiação de corpo negro é exemplo de intensidade específica

Porem, nas estrelas observamos

o fluxo. Na superfície de estrelas:  $F_{\lambda} \sim \pi B_{\lambda}$



# A lei de Planck como Intensidade Específica

$$I_{\lambda} = B_{\lambda}(T) = \frac{2hc^2}{\lambda^5} \frac{1}{e^{(hc/\lambda kT)} - 1}$$

A energia emitida por unidade de tempo  $\Delta t$ , por unidade de área perpendicular à fonte  $dA \cos\theta$ , no intervalo de comprimento de onda  $\lambda + \delta\lambda$ , por unidade de ângulo sólido:

$$B_{\lambda}(T) = \frac{dE}{dt dA \cos \theta d\lambda d\omega}$$

unidades:  $\text{erg s}^{-1} \text{ m}^{-2} \text{ sr}^{-1} \text{ nm}^{-1}$ .

# A lei de Planck como Intensidade Específica

$$I_{\lambda} = B_{\lambda}(T) = \frac{2hc^2}{\lambda^5} \frac{1}{e^{(hc/\lambda kT)} - 1}$$

A energia emitida por unidade de tempo  $\Delta t$ , por unidade de área perpendicular à fonte  $dA \cos\theta$ , no intervalo de comprimento de onda  $\lambda + \delta\lambda$ , por unidade de ângulo sólido:

$$B_{\lambda}(T) = \frac{dE}{dt dA \cos \theta d\lambda d\omega}$$

unidades:  $\text{erg s}^{-1} \text{ m}^{-2} \text{ sr}^{-1} \text{ nm}^{-1}$ .

ou  $\text{erg s}^{-1} \text{ m}^{-2} \text{ sr}^{-1} \text{ Hz}^{-1}$   
se for a expressão de Planck em função da frequência

$$B_{\nu}(T) = \frac{2 h \nu^3}{c^2} \frac{1}{\left[ e^{h\nu/kT} - 1 \right]}$$

# Luminosidade (taxa de energia) monocromática de estrela

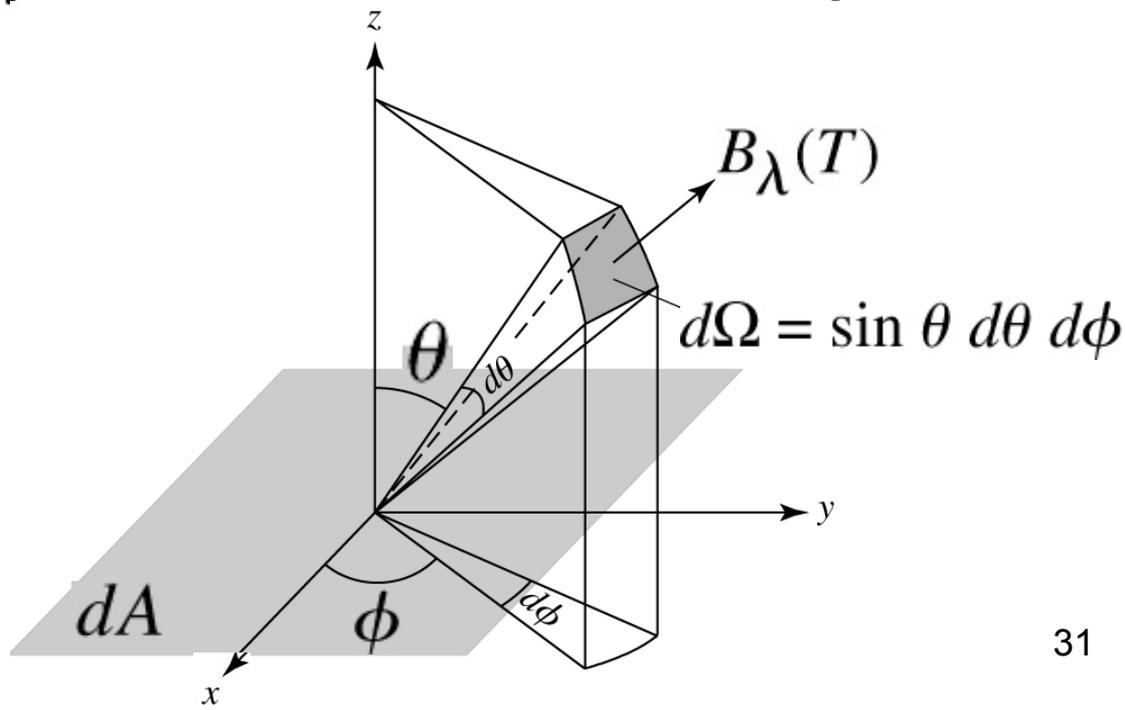
Podemos estimar a taxa de energia por unidade de  $\lambda$ , partindo de  $B_\lambda$

$$B_\lambda(T) = \frac{dE}{dt dA \cos \theta d\lambda d\omega}$$

$$dL = L_\lambda d\lambda = dE / dt = B_\lambda dA \cos \theta d\lambda d\omega$$

$$L_\lambda d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_{\text{área}} B_\lambda d\lambda dA \cos \theta \sin \theta d\theta d\varphi$$

hemisfério  
para fora



$$E_\lambda \equiv \frac{\partial E}{\partial \lambda}$$

$$I_\lambda \equiv \frac{\partial I}{\partial \lambda}$$

## Luminosidade monocromática de uma estrela

$$L_{\lambda} d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta \sin \theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda} d\lambda = \pi B_{\lambda} \int_A dA d\lambda$$

A função de Planck é isotrópica. As duas primeiras integrais =  $\pi$

# Luminosidade monocromática de uma estrela

$$L_{\lambda} d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta \sin \theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda} d\lambda = \pi B_{\lambda} \int_A dA d\lambda$$

$$L_{\lambda} d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

A função de Planck é isotrópica. As duas primeiras integrais =  $\pi$

Estrela de raio R  
→  $A = 4\pi R^2$

# Luminosidade monocromática de uma estrela

$$L_\lambda d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_\lambda d\lambda dA \cos \theta \sin \theta d\theta d\varphi$$

$$L_\lambda d\lambda = \pi B_\lambda \int_A dA d\lambda$$

$$L_\lambda d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_\lambda d\lambda$$

$$L_\lambda d\lambda = \frac{8\pi^2 R^2 hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1} d\lambda$$

$$B_\lambda(T) = \frac{2hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1}$$

A função de Planck é isotrópica. As duas primeiras integrais =  $\pi$

Estrela de raio R  
→  $A = 4\pi R^2$

Para um dado  $\lambda$ , a luminosidade da estrela depende do raio R e temp. T

## Fluxo monocromático

Modelo de estrela de raio  $R$ ,  
emitindo como corpo negro  
à uma temperatura  $T$ :

$$L_{\lambda} d\lambda = \frac{8\pi^2 R^2 hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1} d\lambda$$

Fluxo  $F$ :

$F = \text{Luminosidade} / \text{Área}$

$$F = L / 4 \pi r^2$$

## Fluxo monocromático

Modelo de estrela de raio  $R$ ,  
emitindo como corpo negro  
à uma temperatura  $T$ :

$$L_{\lambda} d\lambda = \frac{8\pi^2 R^2 hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1} d\lambda$$

Fluxo  $F$ :

$F = \text{Luminosidade} / \text{Área}$

$$F = L / 4\pi r^2$$

$$F_{\lambda} d\lambda = \frac{L_{\lambda}}{4\pi r^2} d\lambda$$

## Fluxo monocromático

Modelo de estrela de raio  $R$ ,  
emitindo como corpo negro  
à uma temperatura  $T$ :

$$L_{\lambda} d\lambda = \frac{8\pi^2 R^2 hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1} d\lambda$$

Fluxo  $F$ :

$F = \text{Luminosidade} / \text{Área}$

$$F = L / 4\pi r^2$$

$$F_{\lambda} d\lambda = \frac{L_{\lambda}}{4\pi r^2} d\lambda$$

$$F_{\lambda} d\lambda = \frac{2\pi hc^2 / \lambda^5}{e^{hc/\lambda kT} - 1} \left( \frac{R^2}{r^2} \right) d\lambda$$

# Equação de Stefan – Boltzmann

Lembrando, a  
luminosidade  
monocromática:

$$L_{\lambda}d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda}d\lambda dA \cos\theta \sin\theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda}d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_{\lambda}d\lambda$$

# Equação de Stefan – Boltzmann

Lembrando, a  
luminosidade  
monocromática:

$$L_{\lambda} d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda} d\lambda dA \cos\theta \sin\theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda} d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

Integrando obtemos  
a luminosidade total:

$$L = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} L_{\lambda} d\lambda = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

# Equação de Stefan – Boltzmann

Lembrando, a  
luminosidade  
monocromática:

$$L_{\lambda} d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda} d\lambda dA \cos\theta \sin\theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda} d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

Integrando obtemos  
a luminosidade total:

$$L = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} L_{\lambda} d\lambda = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

Comparando à lei de Stefan-Boltzmann:  $L = 4\pi R^2 \sigma T^4$

# Equação de Stefan – Boltzmann

Lembrando, a  
luminosidade  
monocromática:

$$L_{\lambda} d\lambda = \int_{\varphi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi/2} \int_A B_{\lambda} d\lambda dA \cos\theta \sin\theta d\theta d\varphi$$

$$L_{\lambda} d\lambda = 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

Integrando obtemos  
a luminosidade total:

$$L = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} L_{\lambda} d\lambda = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} 4\pi^2 R^2 B_{\lambda} d\lambda$$

Comparando à lei de Stefan-Boltzmann:  $L = 4\pi R^2 \sigma T^4$

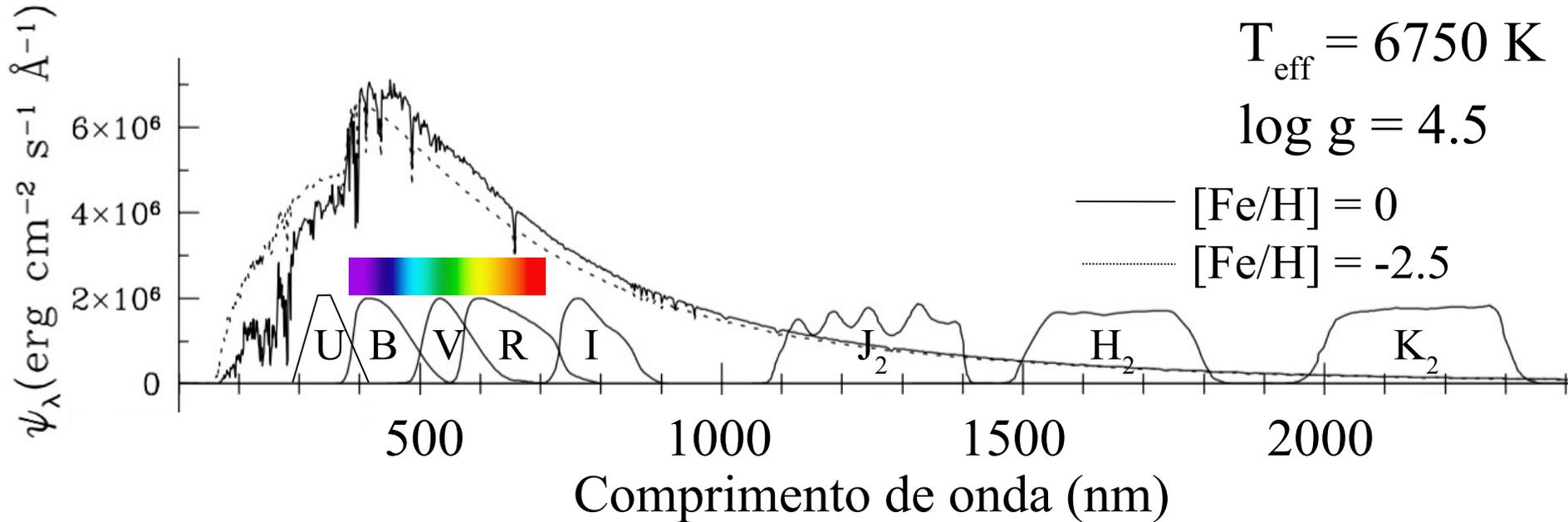
→ Significa que podemos obter  
a lei de Stefan-Boltzmann  
integrando a função de Planck:

$$\pi \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} B_{\lambda}(T) d\lambda = \sigma T^4$$

Se a estrela fosse observada em todos os comprimentos de onda:

- $m_{\text{bol}}$ : magnitude aparente bolométrica
- $M_{\text{bol}}$ : magnitude absoluta bolométrica

Na prática, a magnitude é observada em um dado filtro. Por ex.,  $m_B$  (ou simplesmente "B") para magnitude no filtro B (*blue*)



## 3.6 Índice de Cor

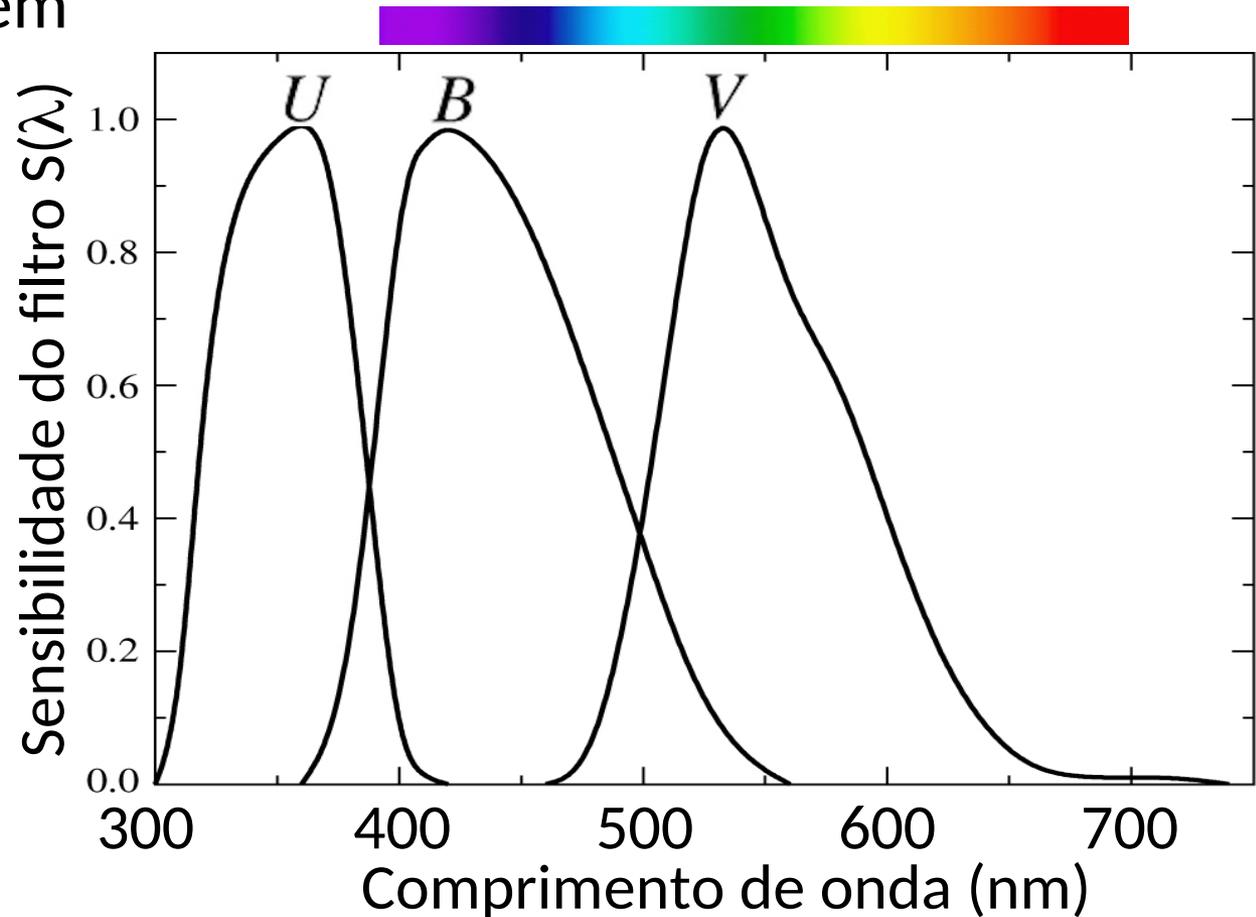
Os fotômetros medem o fluxo em faixas definidas por filtros

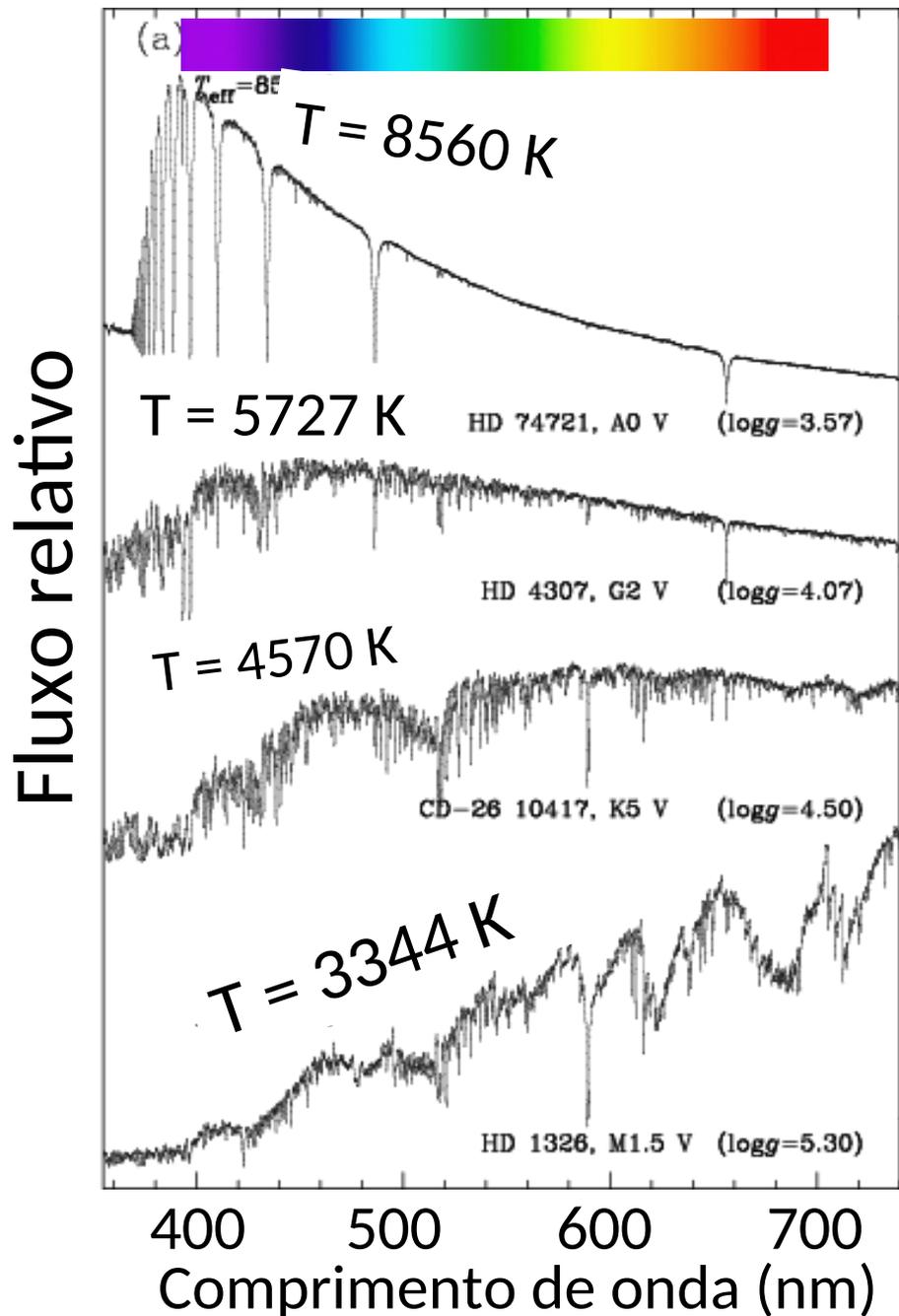
A “cor” de uma estrela é estimada pela diferença na magnitude em 2 filtros diferentes.

Por exemplo no sistema UBV, cor

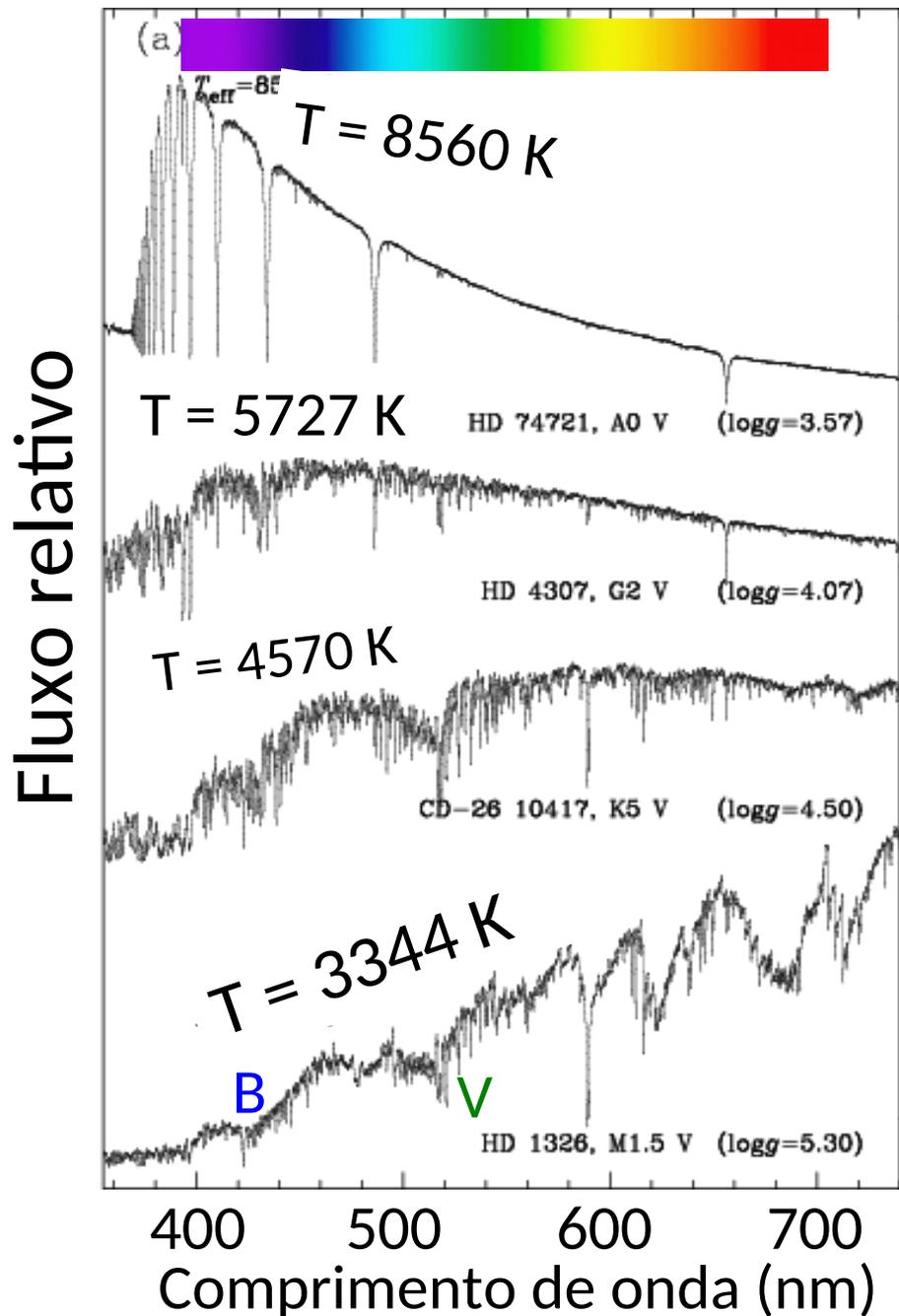
$$m_B - m_V =$$

$$B - V = -2,5 \log (F_B / F_V)$$

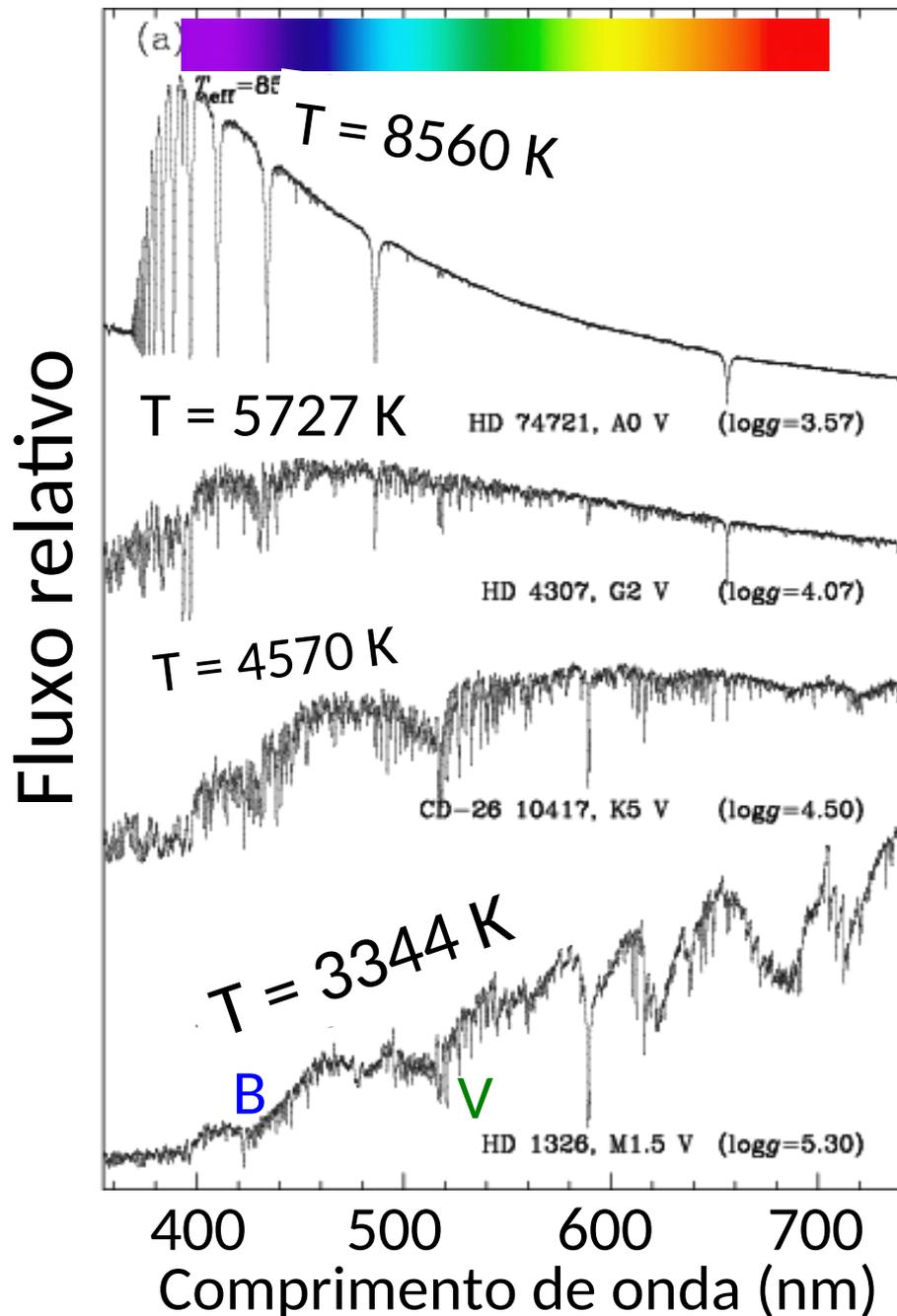




Lembrar que fluxos mais intensos são representados por magnitudes menores



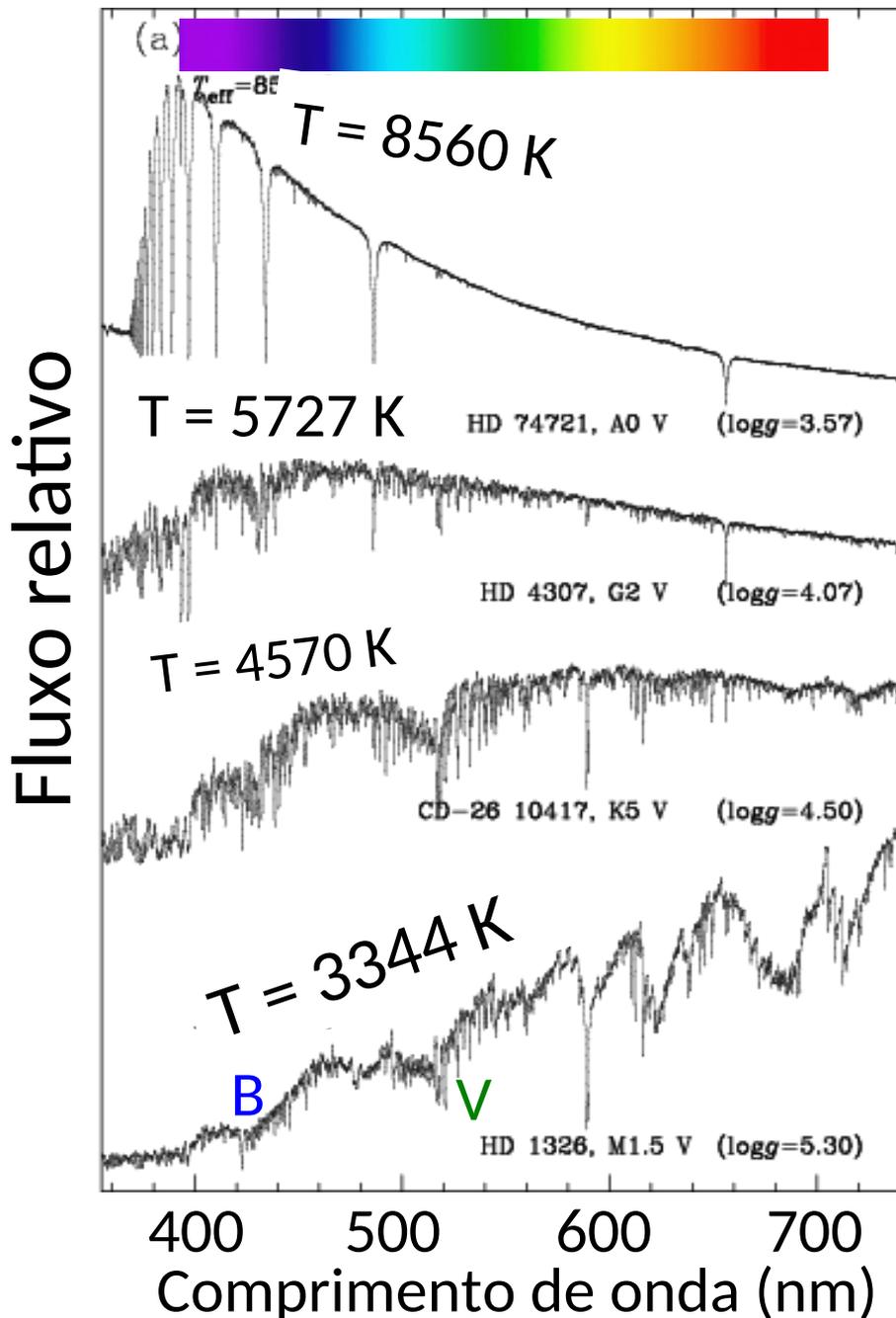
Lembrar que fluxos mais intensos são representados por magnitudes menores



## Índice de Cor (B-V)

$$B - V = -2,5 \log (F_B / F_V)$$

Lembrar que fluxos mais intensos são representados por magnitudes menores



## Índice de Cor (B-V)

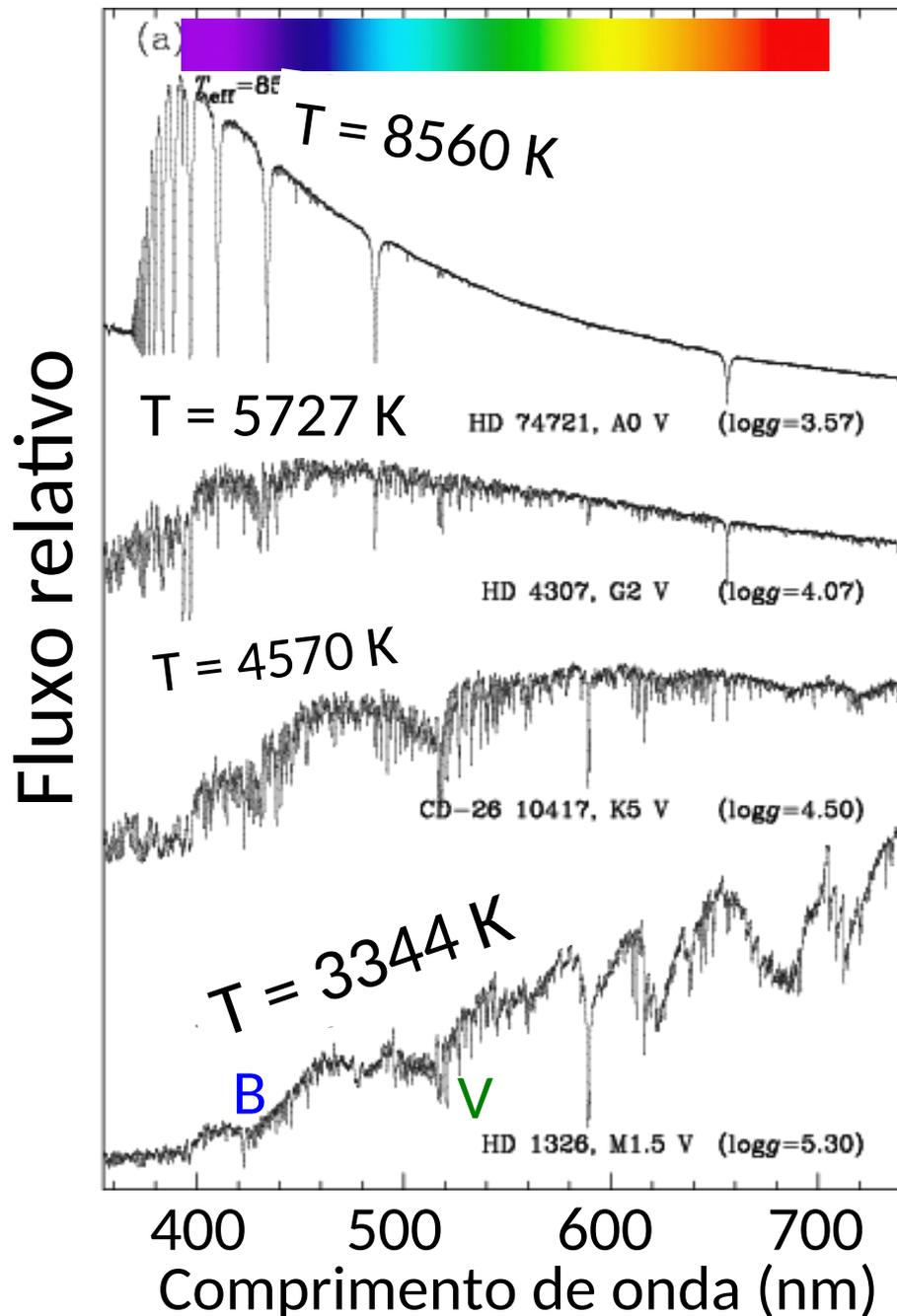
$$B - V = -2,5 \log (F_B / F_V)$$

$$B \ll V \Rightarrow F_B \gg F_V$$

$$(B - V) < 0$$

Estrela quente, azulada

Lembrar que fluxos mais intensos são representados por magnitudes menores



## Índice de Cor (B-V)

$$B - V = -2,5 \log (F_B / F_V)$$

$$B \ll V \Rightarrow F_B \gg F_V$$

$$(B - V) < 0$$

Estrela quente, azulada

$$B \gg V \Rightarrow F_B \ll F_V$$

$$(B - V) > 0$$

Estrela fria, avermelhada

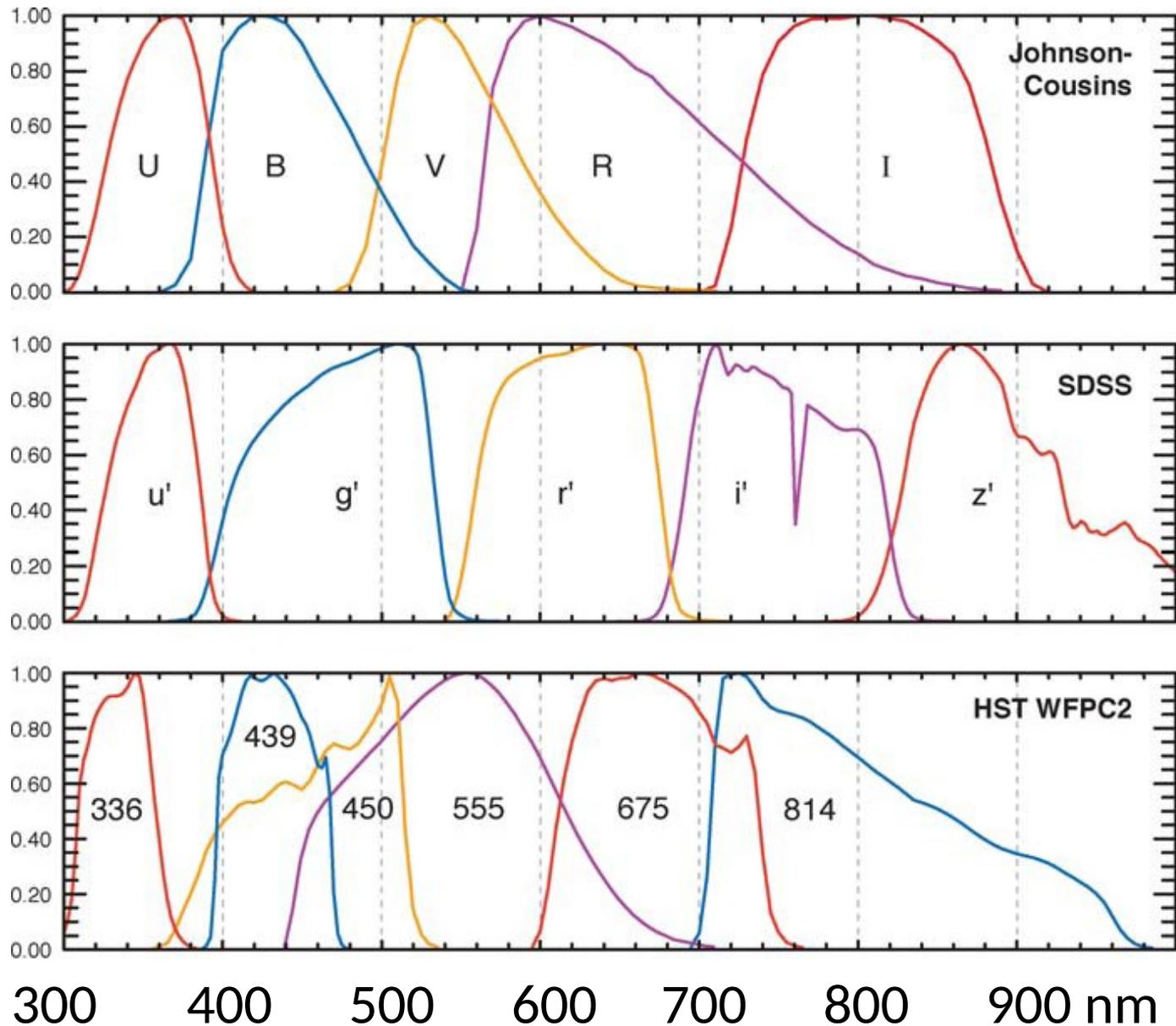
Lembrar que fluxos mais intensos são representados por magnitudes menores

# Outros sistemas fotométricos

Índice de cor em qualquer sistema:  $X - Y$

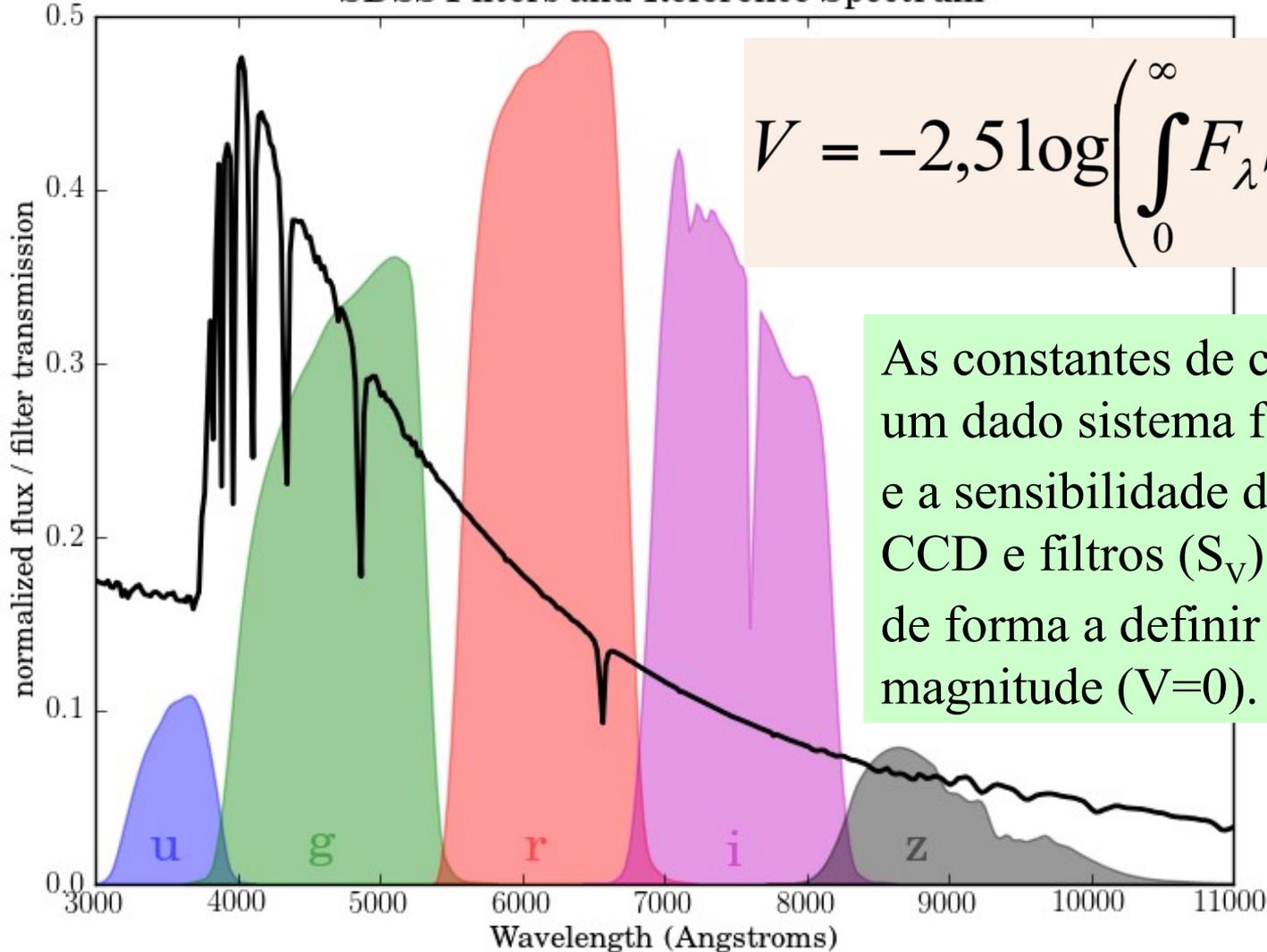
Por ex.,

- $U - B$
- $B - V$
- $V - R$
- $u' - g'$
- $g' - i'$
- $336 - 439$



# Normalmente os sistemas fotométricos são definidos baseados em $m = 0$ para Vega

SDSS Filters and Reference Spectrum



$$V = -2,5 \log \left( \int_0^{\infty} F_{\lambda} S_V d\lambda \right) + C_V$$

As constantes de calibração de um dado sistema fotométrico ( $C_V$ ) e a sensibilidade do telescópio, CCD e filtros ( $S_V$ ) são escolhidos de forma a definir o zero de magnitude ( $V=0$ ).

# Magnitudes de Vega

Banda U,  $m_U = U = 0,0$

Banda B,  $m_B = B = 0,0$

Banda V,  $m_V = V = 0,0$

Banda R,  $m_R = R = 0,0$

Banda I,  $m_I = I = 0,0$

Banda K (2200 nm),  $m_K = K = 0,0$

# Magnitudes de Vega

Banda U,  $m_U = U = 0,0$

Banda B,  $m_B = B = 0,0$

Banda V,  $m_V = V = 0,0$

Banda R,  $m_R = R = 0,0$

Banda I,  $m_I = I = 0,0$

Banda K (2200 nm),  $m_K = K = 0,0$

Estrelas de tipo A0 (como Vega,  $T_e \sim 10\,000\text{ K}$ ) têm índices de cor = 0. Por exemplo,  $B - V = 0,00$

# THE $UBV(RI)_C$ COLORS OF THE SUN

I. RAMÍREZ<sup>1</sup>, R. MICHEL<sup>2</sup>, R. SEFAKO<sup>3</sup>, M. TUCCI MAIA<sup>4,5</sup>, W. J. SCHUSTER<sup>2</sup>, F. VAN WYK<sup>3</sup>,  
J. MELÉNDEZ<sup>5</sup>, L. CASAGRANDE<sup>6</sup>, AND B. V. CASTILHO<sup>7</sup>

<sup>1</sup> McDonald Observatory and Department of Astronomy, University of Texas at Austin, 1 University Station, C1400 Austin, TX 78712-0259, USA

<sup>2</sup> Observatorio Astronómico Nacional, Universidad Nacional Autónoma de México, Apartado Postal 877, Ensenada, B.C., CP 22800, Mexico

<sup>3</sup> South African Astronomical Observatory, P.O. Box 9, Observatory 7935, Cape Town, South Africa

<sup>4</sup> UNIFEI, DFQ–Instituto de Ciências Exatas, Universidade Federal de Itajubá, Itajubá MG, Brazil

<sup>5</sup> Departamento de Astronomia do IAG/USP, Universidade de São Paulo, Rua do Mãtao 1226, São Paulo, 05508-900 SP, Brazil

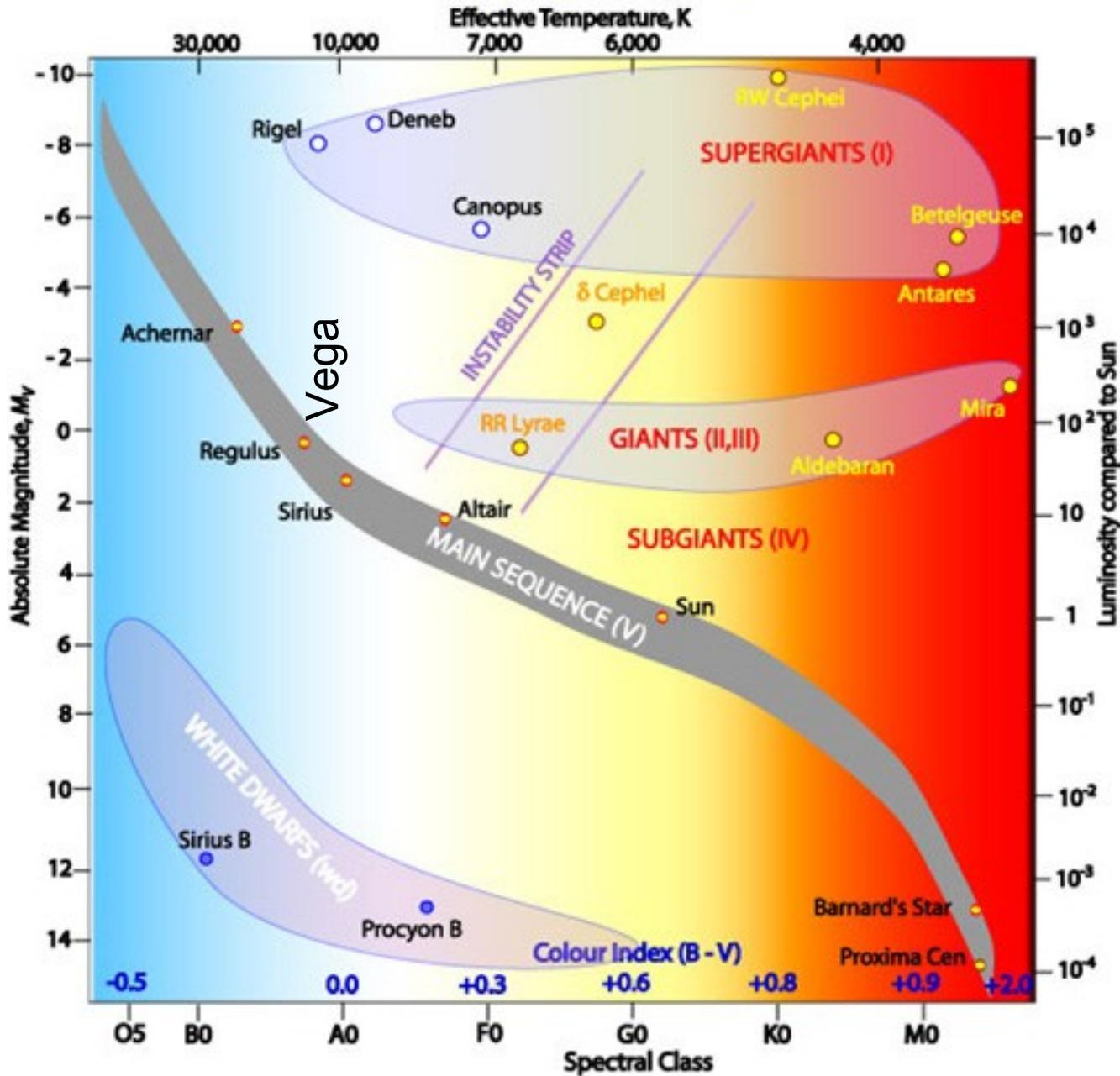
<sup>6</sup> Max-Planck-Institut für Astrophysik, Karl-Schwarzschild-Str. 1, Postfach 1317, D-85741 Garching, Germany

<sup>7</sup> Laboratório Nacional de Astrofísica/MCT, Rua Estados Unidos 154, 37504-364 Itajubá, MG, Brazil

$$(B - V)_{\text{Sol}} = 0,65$$

Photometric data in the  $UBV(RI)_C$  system have been acquired for 80 solar analog stars for which we have previously derived highly precise atmospheric parameters  $T_{\text{eff}}$ ,  $\log g$ , and  $[\text{Fe}/\text{H}]$  using high-resolution, high signal-to-noise ratio spectra.  $UBV$  and  $(RI)_C$  data for 46 and 76 of these stars, respectively, are published for the first time. Combining our data with those from the literature, colors in the  $UBV(RI)_C$  system, with  $\simeq 0.01$  mag precision, are now available for 112 solar analogs. Multiple linear regression is used to derive the solar colors from these photometric data and the spectroscopically derived  $T_{\text{eff}}$ ,  $\log g$ , and  $[\text{Fe}/\text{H}]$  values. To minimize the impact of systematic errors in the model-dependent atmospheric parameters, we use only the data for the 10 stars that most closely resemble our Sun, i.e., the solar twins, and derive the following solar colors:  $(B - V)_{\odot} = 0.653 \pm 0.005$ ,  $(U - B)_{\odot} = 0.166 \pm 0.022$ ,  $(V - R)_{\odot} = 0.352 \pm 0.007$ , and  $(V - I)_{\odot} = 0.702 \pm 0.010$ . These colors are consistent, within the  $1\sigma$  errors, with those derived using the entire sample of 112 solar analogs. We also derive the solar colors using the relation between spectral-line–depth ratios and observed stellar colors, i.e., with a completely model-independent approach, and without restricting the analysis to solar twins. We find  $(B - V)_{\odot} = 0.653 \pm 0.003$ ,  $(U - B)_{\odot} = 0.158 \pm 0.009$ ,  $(V - R)_{\odot} = 0.356 \pm 0.003$ , and  $(V - I)_{\odot} = 0.701 \pm 0.003$ , in excellent agreement with the model-dependent analysis.

# Hertzsprung-Russell Diagram



Vega,  
(B-V) = 0,00

Sol,  
(B-V) = 0,65

# Correção Bolométrica (Bolometric Correction)

A diferença entre a magnitude bolométrica (em todos os comprimentos de onda) e a magnitude aparente numa banda  $X$  (por ex., a banda  $V$ ), é a Correção Bolométrica ( $BC_X$ ):

$$BC_X = m_{\text{bol}} - m_X$$

Em função da magnitude absoluta:

$$BC_X = M_{\text{bol}} - M_X$$

# Correção Bolométrica (Bolometric Correction)

A diferença entre a magnitude bolométrica (em todos os comprimentos de onda) e a magnitude aparente numa banda  $X$  (por ex., a banda  $V$ ), é a Correção Bolométrica ( $BC_X$ ):

$$BC_X = m_{\text{bol}} - m_X$$

Em função da magnitude absoluta:

$$BC_X = M_{\text{bol}} - M_X$$

Por exemplo,  $BC_V = m_{\text{bol}} - V$

para a banda  $V$ :  $BC_V = M_{\text{bol}} - M_V$

# Correção Bolométrica (Bolometric Correction)

A diferença entre a magnitude bolométrica (em todos os comprimentos de onda) e a magnitude aparente numa banda  $X$  (por ex., a banda  $V$ ), é a Correção Bolométrica ( $BC_X$ ):

$$BC_X = m_{\text{bol}} - m_X$$

Em função da magnitude absoluta:

$$BC_X = M_{\text{bol}} - M_X$$

Por exemplo,  $BC_V = m_{\text{bol}} - V$

para a banda  $V$ :  $BC_V = M_{\text{bol}} - M_V$

Sol:  $V = -26,71$  e  $m_{\text{bol}} = -26,83 \rightarrow BC_V = -0,12$

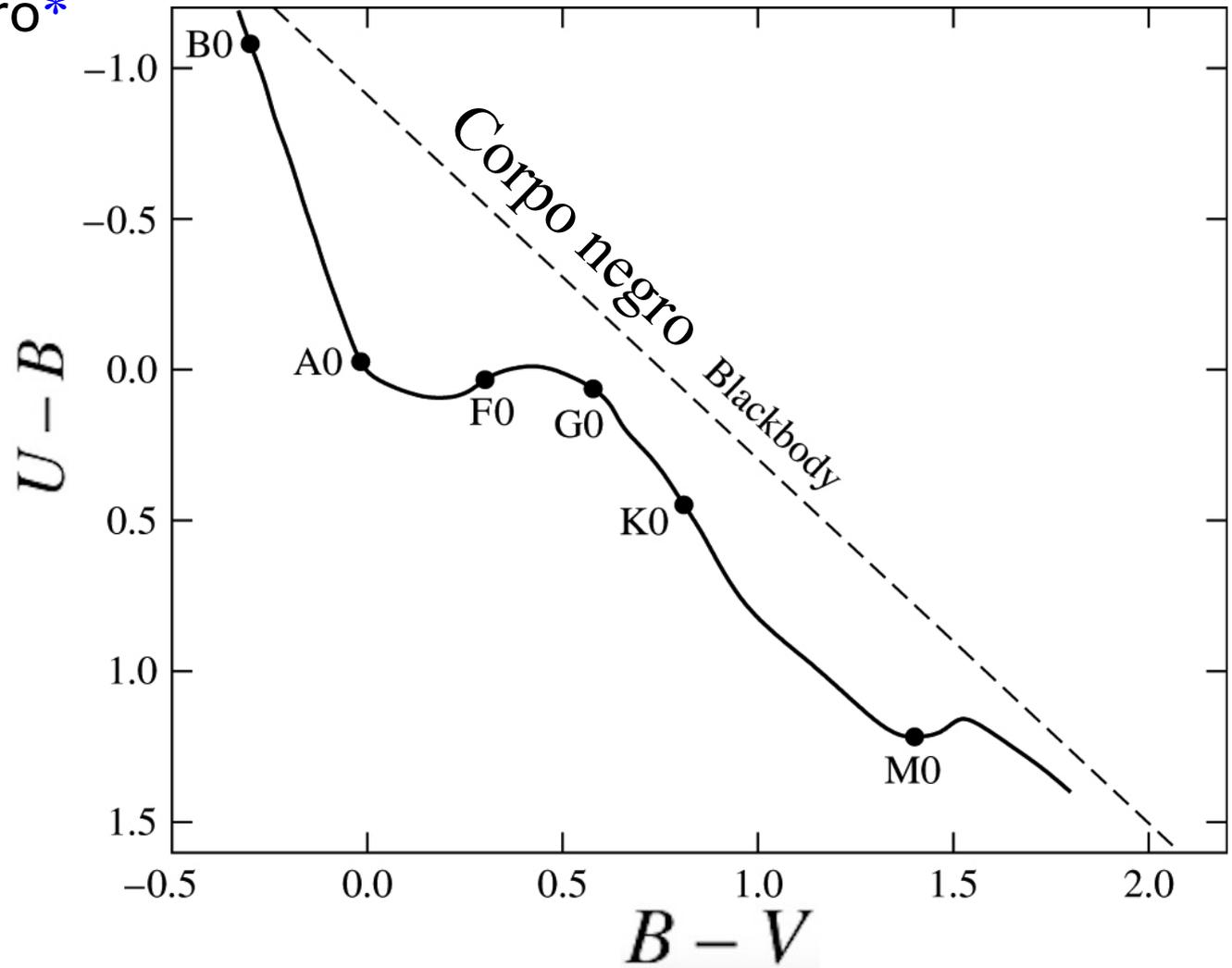
# Correção Bolométrica $BC_V = M_{bol} - M_V$

<b>Classe</b>	<b>Sequência Principal</b>	<b>Gigantes</b>	<b>Supergigantes</b>
O3	-4,3	-4,2	-4,0
G0	-0,10	-0,13	-0,1
G5	-0,14	-0,34	-0,20
K0	-0,24	-0,42	-0,38
K5	-0,66	-1,19	-1,00
M0	-1,21	-1,28	-1,3

[https://pt.wikipedia.org/wiki/Correção\\_bolométrica](https://pt.wikipedia.org/wiki/Correção_bolométrica)

Kaler, James B. (1989). “Stars and their spectra: An Introduction to the Spectral Sequence”

**Diagrama Cor-Cor** A relação U-B e B-V para as estrelas da Sequência Principal mostra que elas não se comportam exatamente como corpo negro\*



(\*) No Cap. 9 veremos que parte da luz é absorvida na atmosfera estelar