

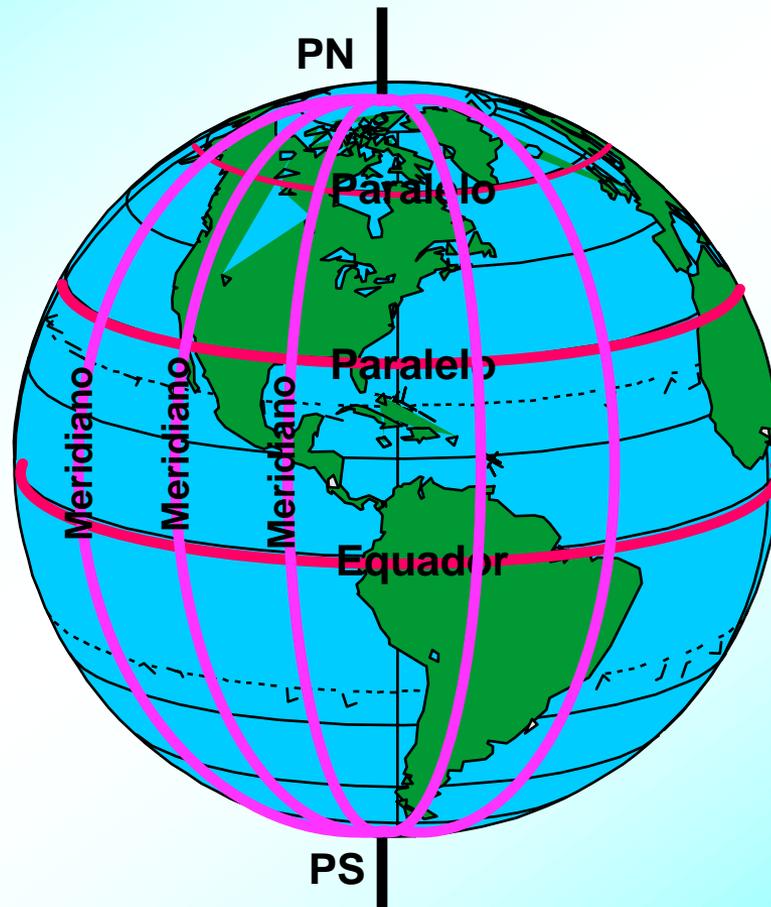
# Sistema Equatorial

J. Meléndez,  
baseado no Prof. R. Boczko

IAG - USP

# **Fixação dos sistemas de coordenadas**

# Sistema fixo à Terra



O sistema de coordenadas gira junto com a Terra.

# Sistema fixo ao céu



O sistema de  
coordenadas  
gira junto com o  
céu.

# **Coordenadas equatoriais**

# Sistema Equatorial de Coordenadas

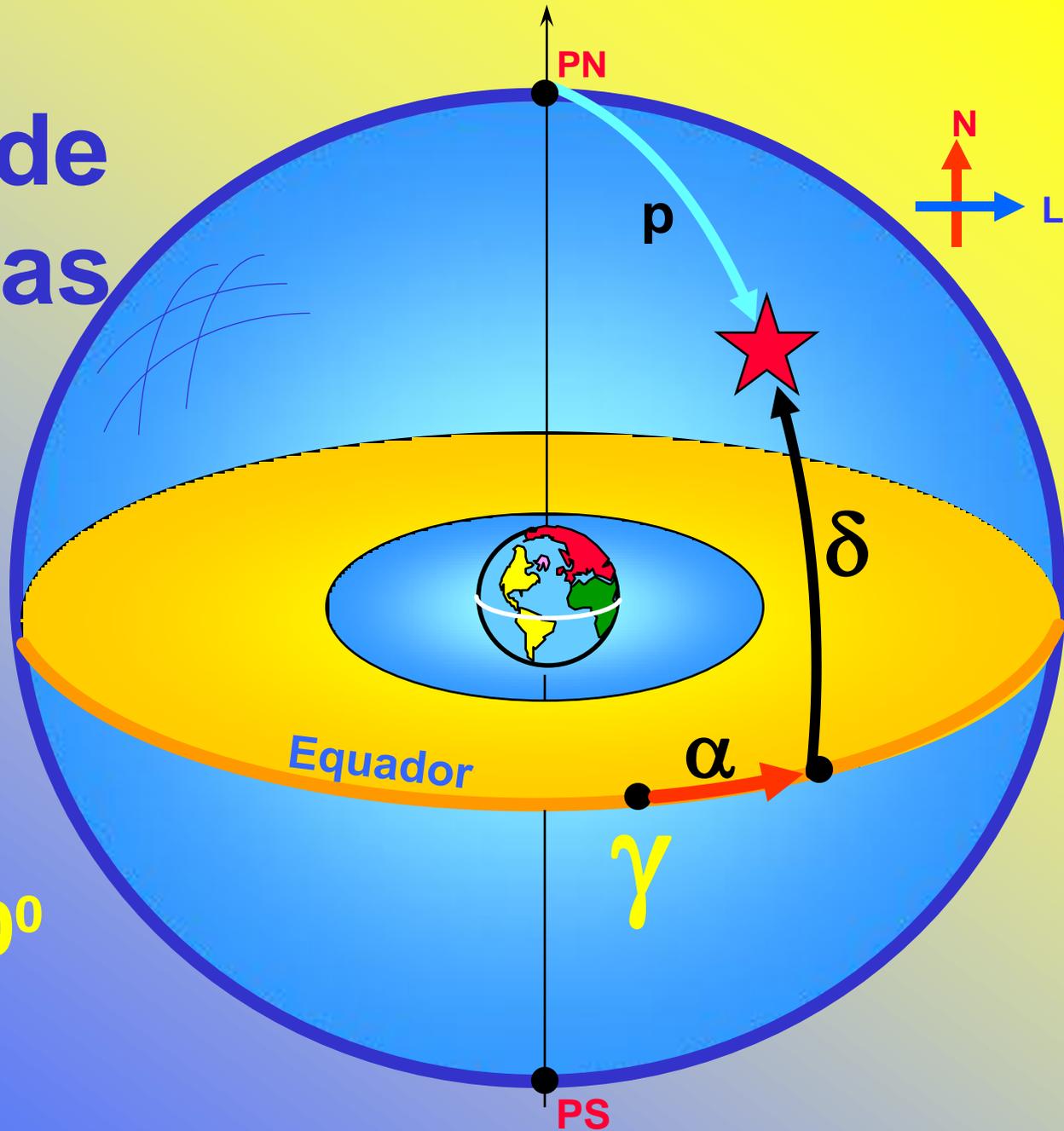
★  $(\alpha, \delta)$

$\alpha$  = ascensão reta

$\delta$  = declinação

$p$  = distância polar

$$p + \delta = 90^\circ$$





# Unidades

# Unidades

## Ascensão reta

$$0^{\circ} \leq \alpha < 360^{\circ}$$

## Definição

$$1 \text{ hora} \equiv 15^{\circ}$$

$$0^{\text{h}} \leq \alpha < 24^{\text{h}}$$

## Declinação

$$(S) \quad -90^{\circ} \leq \delta \leq +90^{\circ} \quad (N)$$

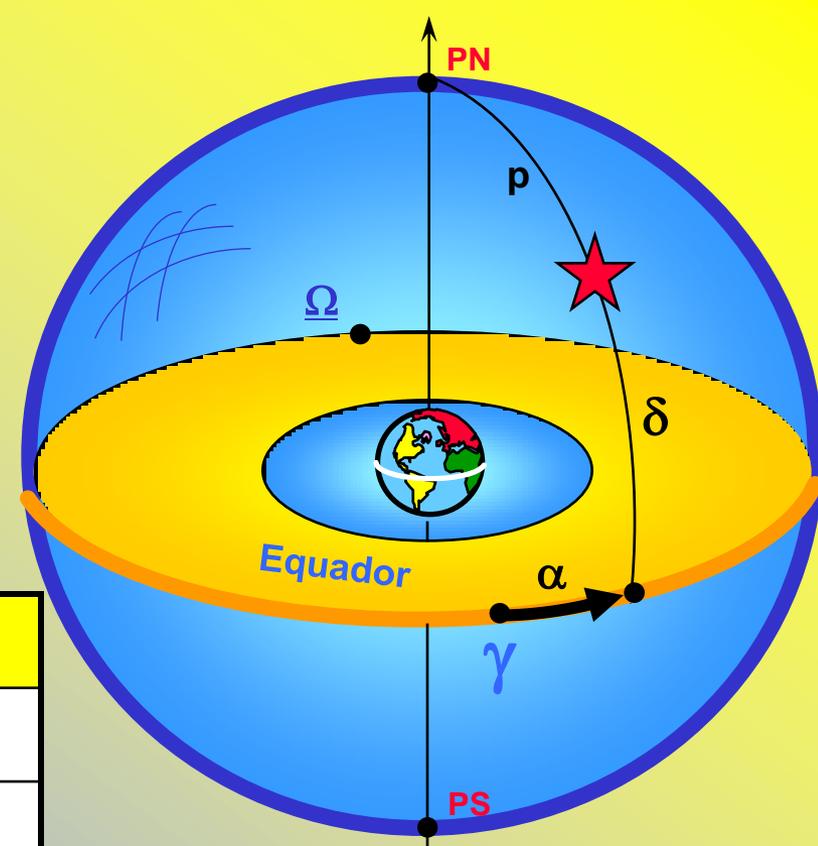
## Distância polar

$$(N) \quad 0^{\circ} \leq p \leq +180^{\circ} \quad (S)$$

# Aplicações

# Coordenadas equatoriais de alguns pontos

$$1^h = 15^\circ$$

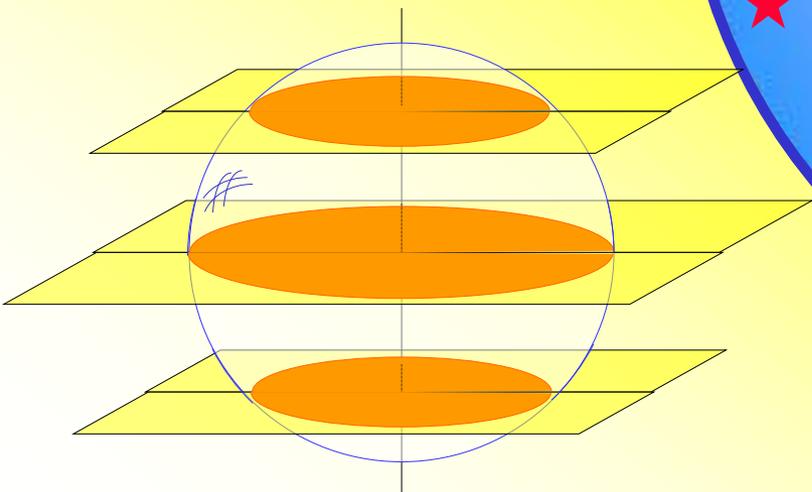
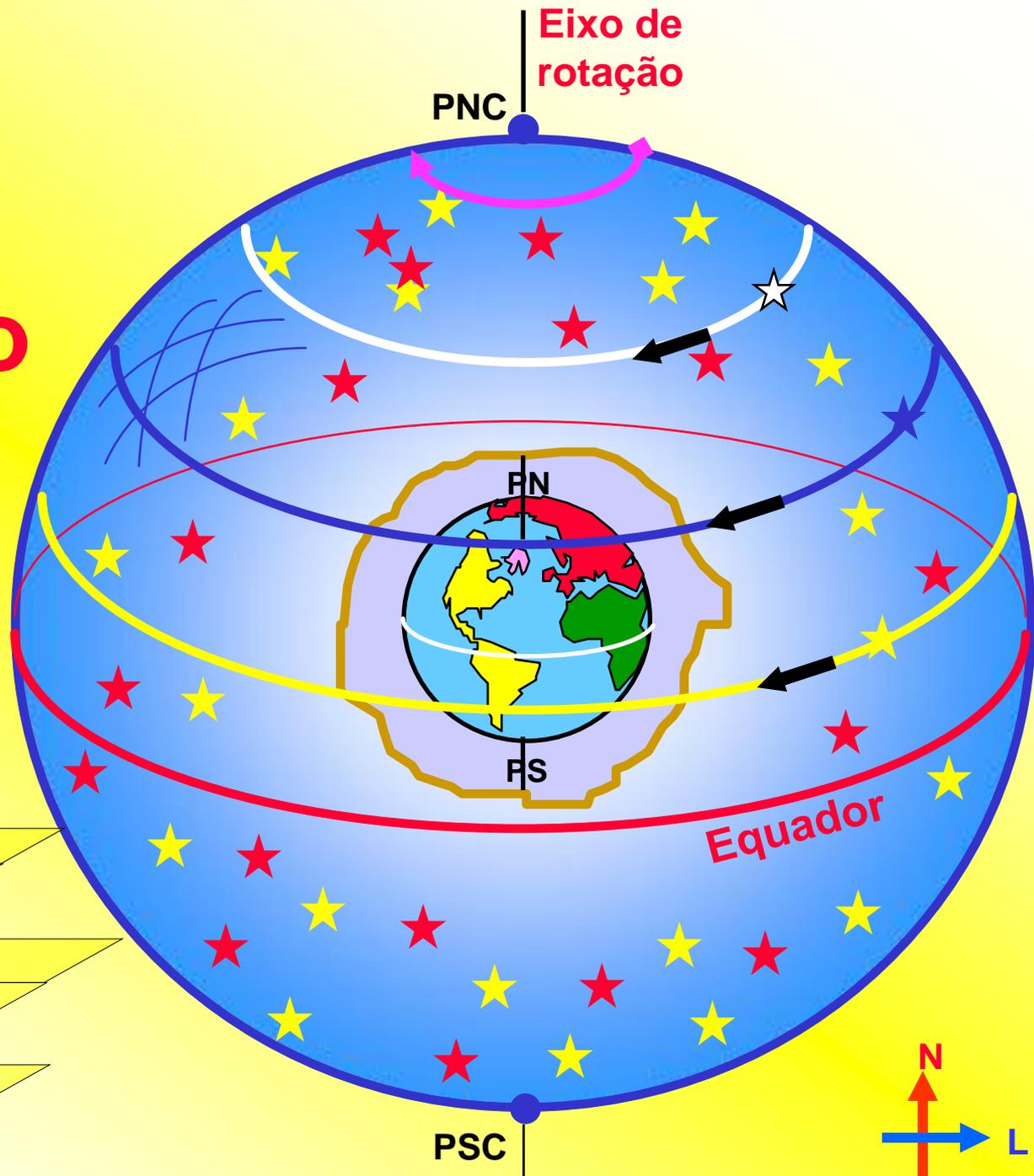


$\alpha$  = ascensão reta  
 $\delta$  = declinação  
 $p$  = distância polar

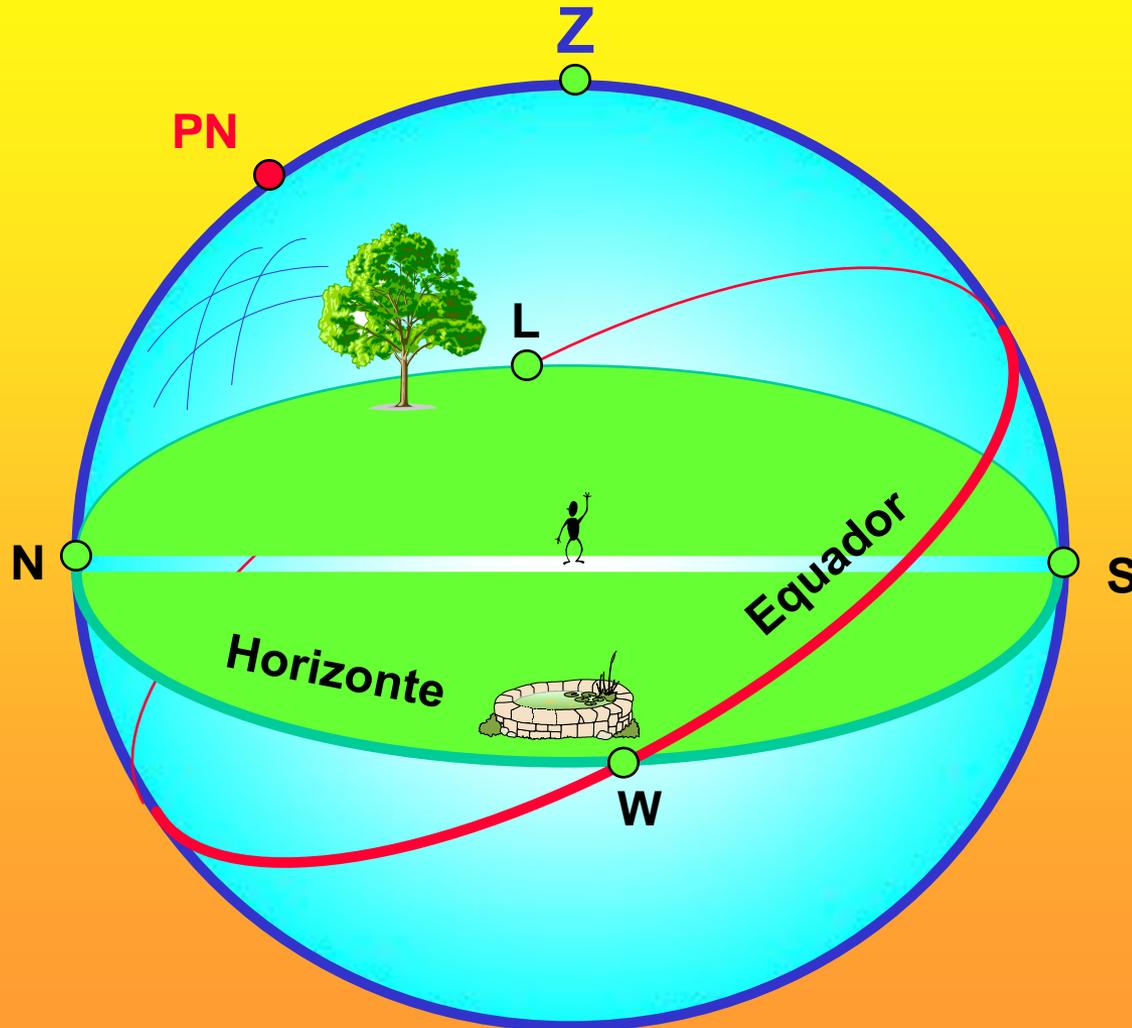
$$p + \delta = 90^\circ$$

Ponto	$\alpha$	$\delta^\circ$	$p^\circ$
$\gamma$	$0^\circ = 0^h$	0	90
$\underline{\Omega}$	$180^\circ = 12^h$	0	90
PN	$\exists?$	+90	0
PS	$\exists?$	-90	180
Trópico de Câncer	$0 \leftrightarrow 360^\circ$	+23°27'08"	66°42'52"
Trópico de Capricórnio	$0 \leftrightarrow 360^\circ$	23°27'08"	113°27'08"

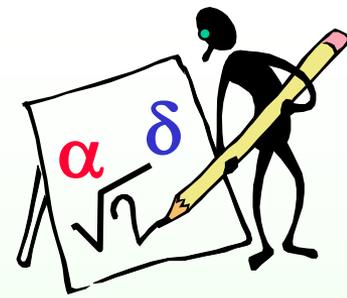
# Trajetoórias diurnas paralelas ao plano do equador



# Sistema Horizontal e Equatorial para Observador no HN

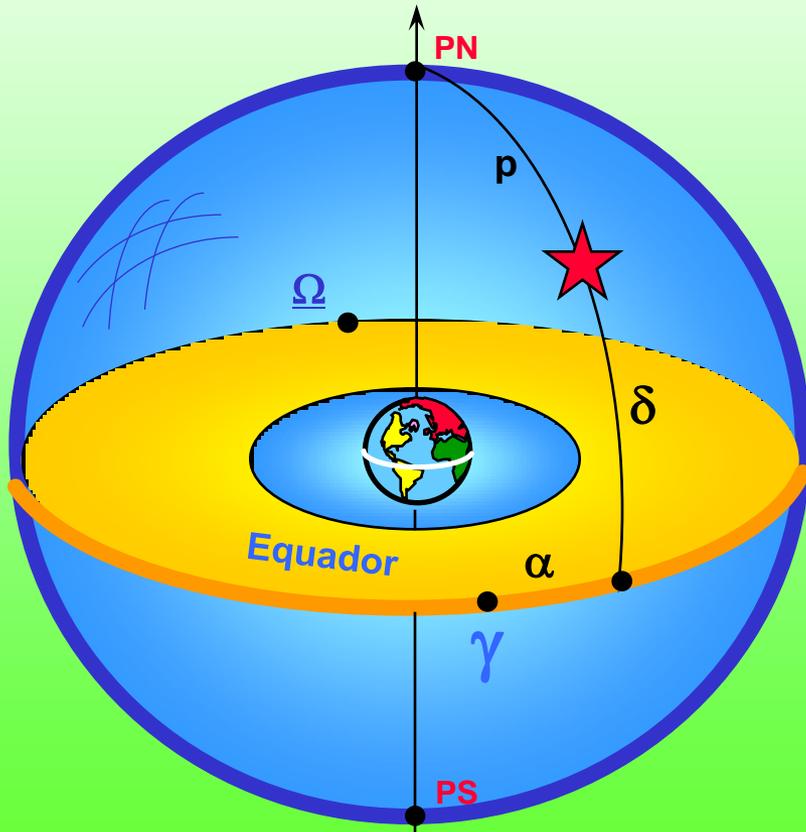


# Relacionar $p$ e $\delta$



## Enunciado:

A estrela Polar  $\alpha$ UMi está a 58' do Pólo Celeste Norte. Qual sua declinação?



$$p = 58'$$

$$p + \delta = 90^\circ$$

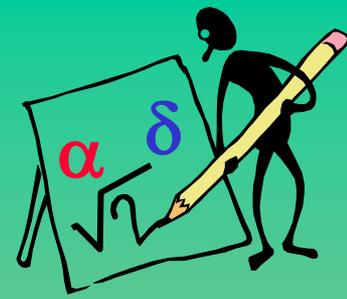
$$\delta = 90^\circ - p$$

$$\delta = 90^\circ - 58'$$

$$\delta = 89^\circ 60' - 58'$$

$$\delta = + 89^\circ 02'$$

# Declinação do zênite



## Enunciado:

Qual a declinação do zênite num local de latitude  $-23^{\circ} 30'$  ?

$$z + (-\varphi) = 90^{\circ}$$

$$z - \varphi = 90^{\circ}$$

$$z = 90^{\circ} + \varphi$$

$$z = 90^{\circ} + (-23^{\circ} 30')$$

$$z = 89^{\circ} 60' + (-23^{\circ} 30')$$

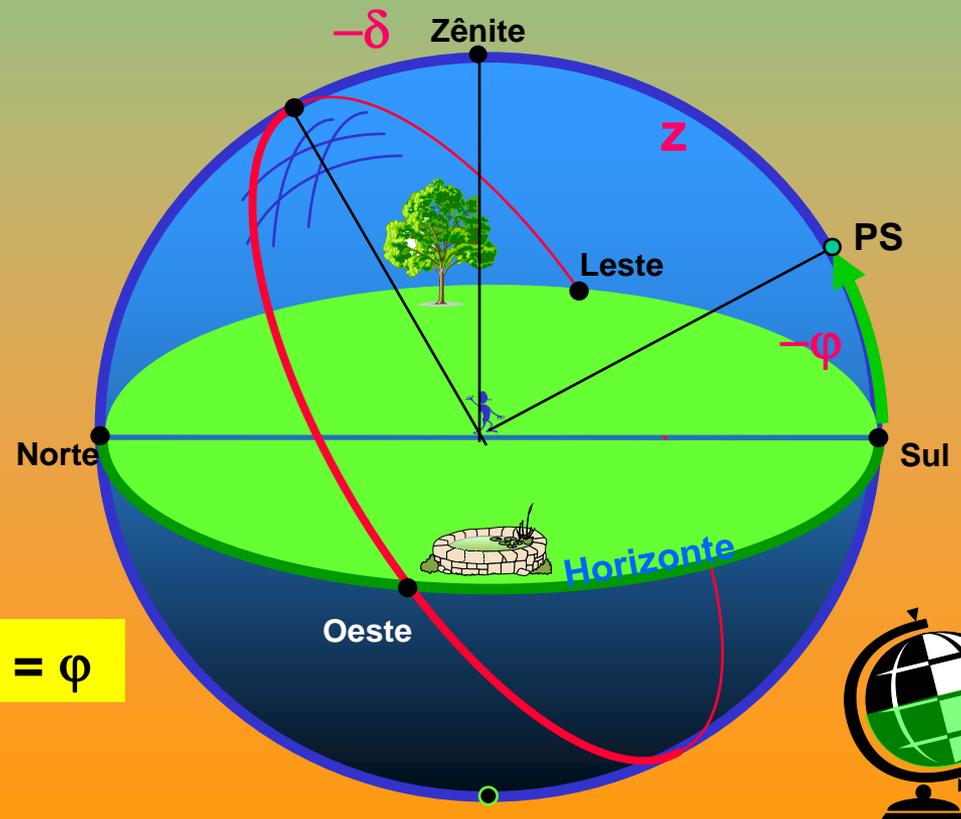
$$z = 66^{\circ} 30'$$

$$z + (-\delta) = 90^{\circ}$$

$$\delta = -90^{\circ} + z$$

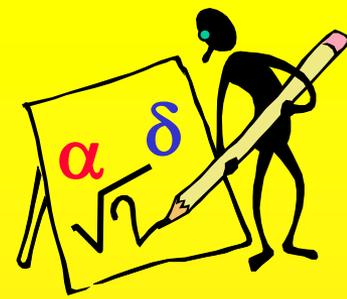
$$\delta = -23^{\circ} 30'$$

$$\therefore \delta_z = \varphi$$



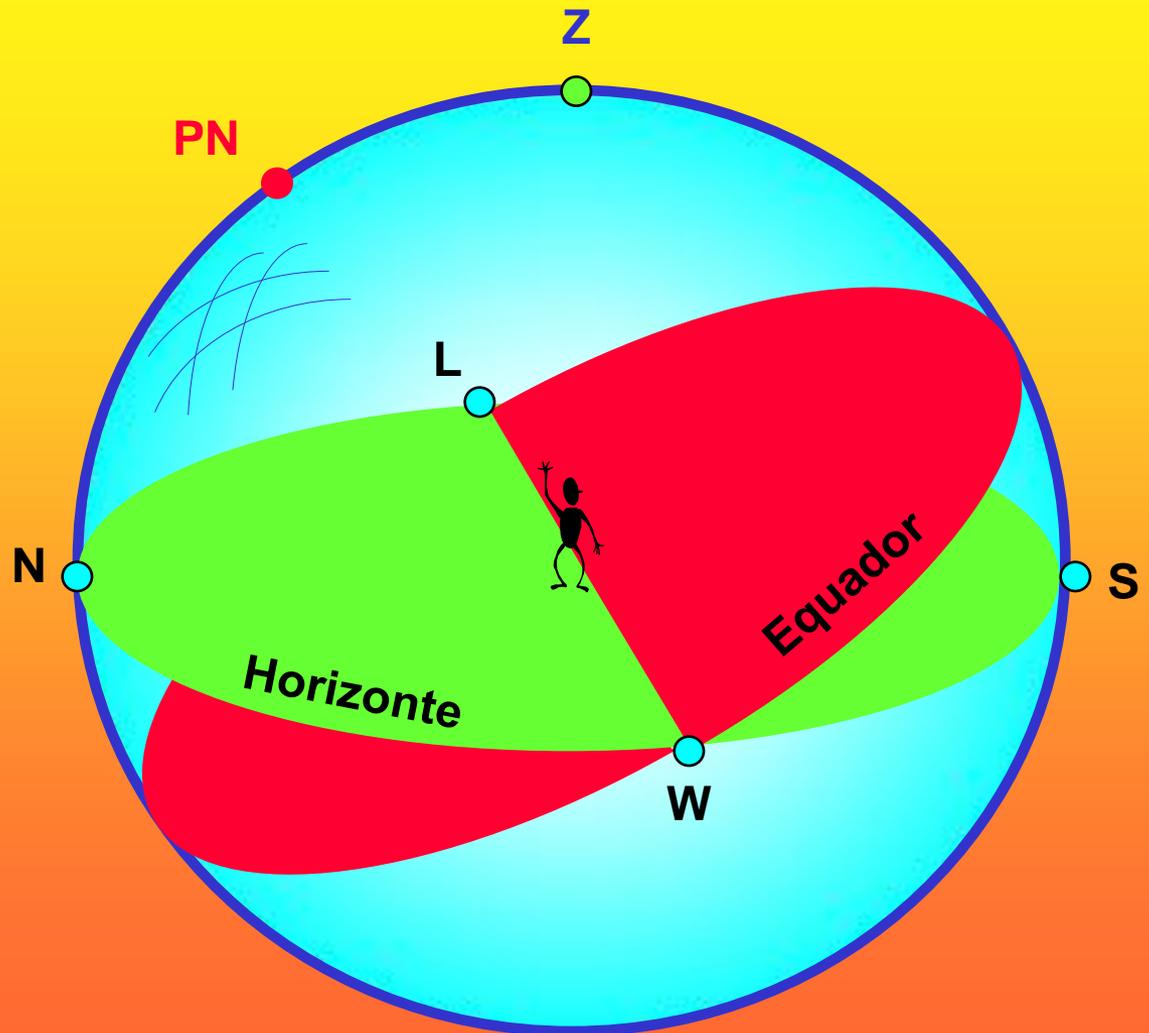
**Intersecção do plano  
do horizonte com o  
plano do equador  
=  
Linha Leste-Oeste**

# Linha Leste - Oeste



## Enunciado:

Mostrar que a linha L-W é a intersecção do plano do equador com o plano do horizonte.



# Retas perpendiculares e retas ortogonais

$p$  e  $s$  são ortogonais uma a outra pois, **sem se interceptarem**, existe um plano  $P$  passando por  $s$  e que forma um ângulo reto com  $p$ .



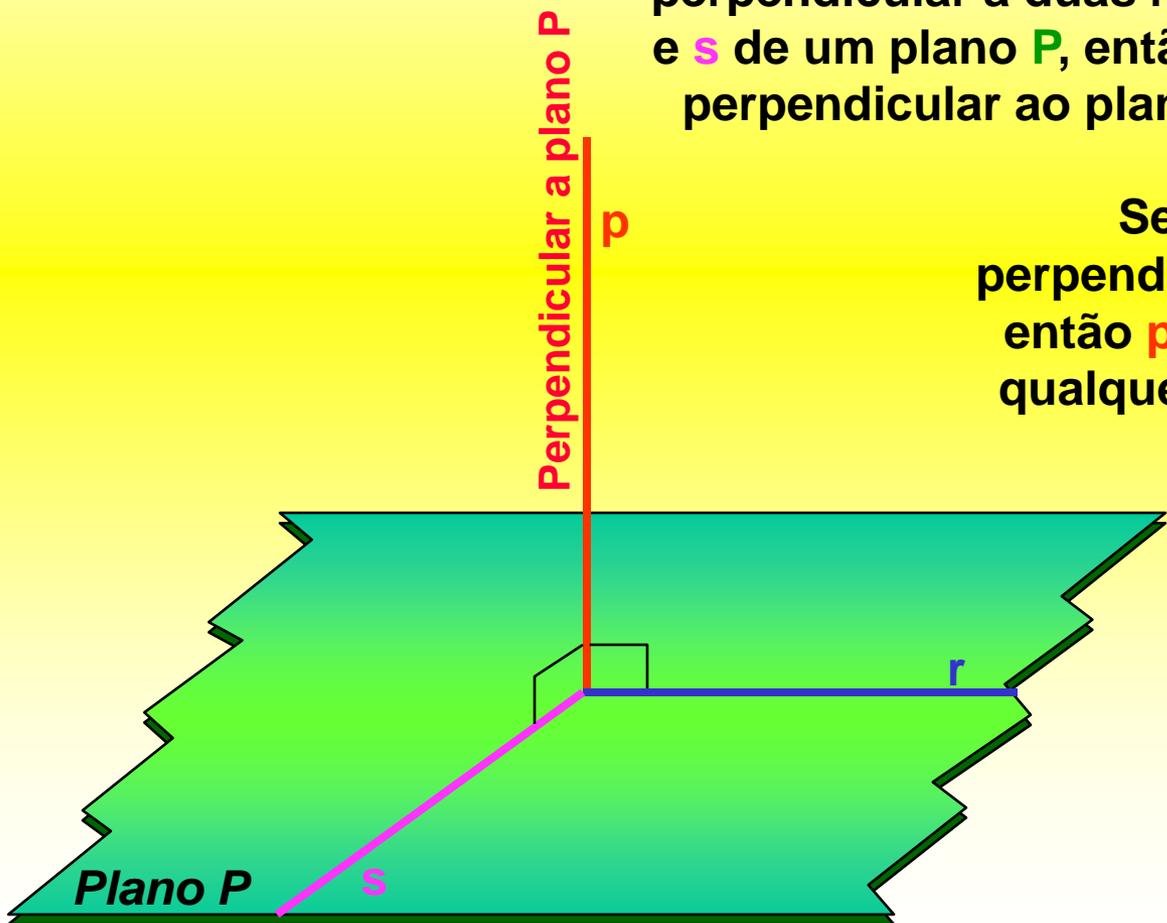
$p$  e  $r$  são perpendiculares uma a outra pois **se interceptam** formando um ângulo reto.

# Características de retas e planos perpendiculares entre eles

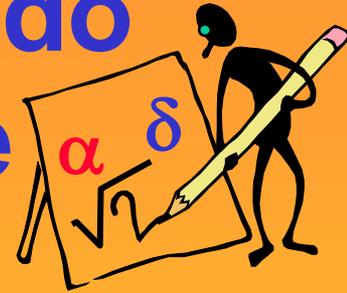
Se uma reta  $p$  é perpendicular a duas retas  $r$  e  $s$  de um plano  $P$ , então  $p$  é perpendicular ao plano  $P$ .

Se uma reta  $p$  é perpendicular a um plano  $P$ , então  $p$  é perpendicular a qualquer reta  $r$  contida no plano  $P$ .

Qualquer reta  $r$  de um plano  $P$  é perpendicular à reta  $p$  perpendicular ao plano  $P$ .



# A linha LW é a intersecção do equador com o horizonte



Tese:  $w \perp m$

$z \perp H$

$p \perp E$

$w = H \cap E$

Como  $w \in H$  então  $w \perp z$

Como  $w \in E$  então  $w \perp p$

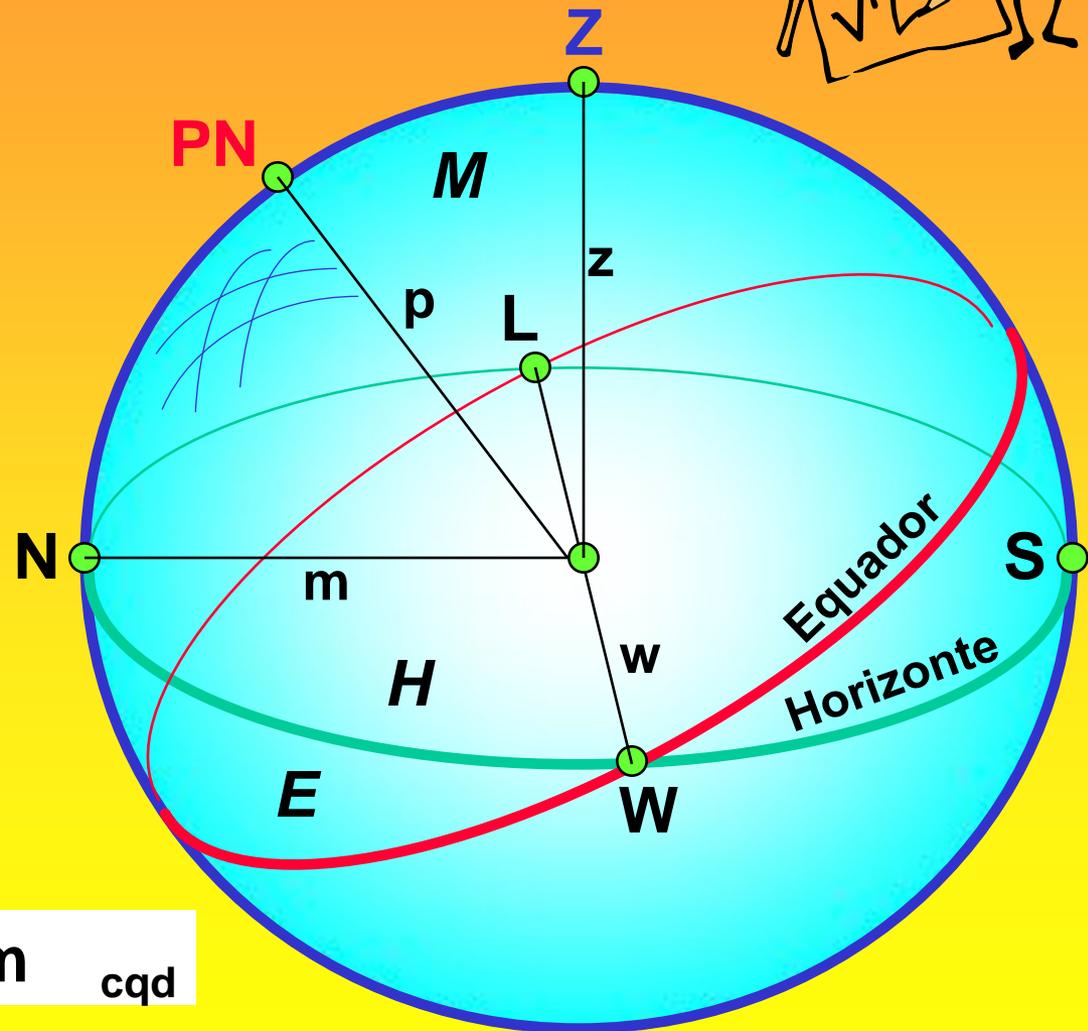
Logo:  $w \perp M$

Como:  $m \in M$

e:  $w \perp M$

então:  $w \perp m$

$w \perp m$  cqd



**Fim**